

# Idraulica

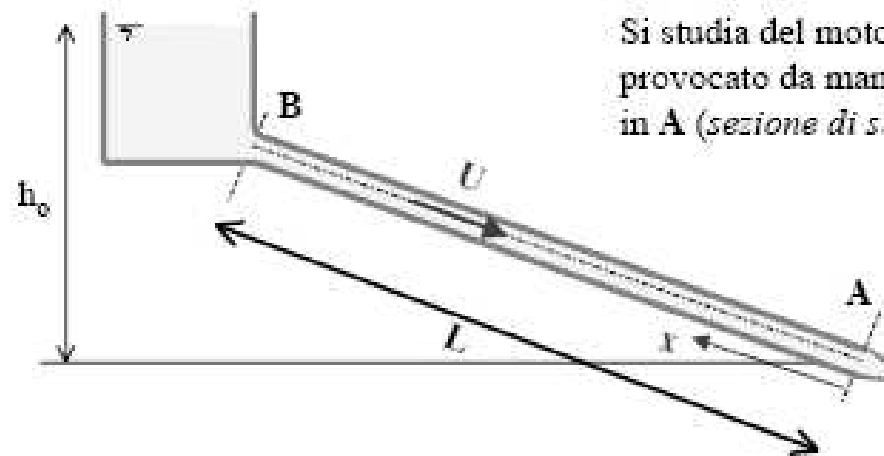
## Moto vario

armando carravetta

# Definizione

- I fenomeni di moto vario sono quelli determinati dalla apertura o chiusura di apparecchiature idrauliche di intercettazione e regolazione
- Il moto vario dura fino al raggiungimento di nuove condizioni di moto permanente

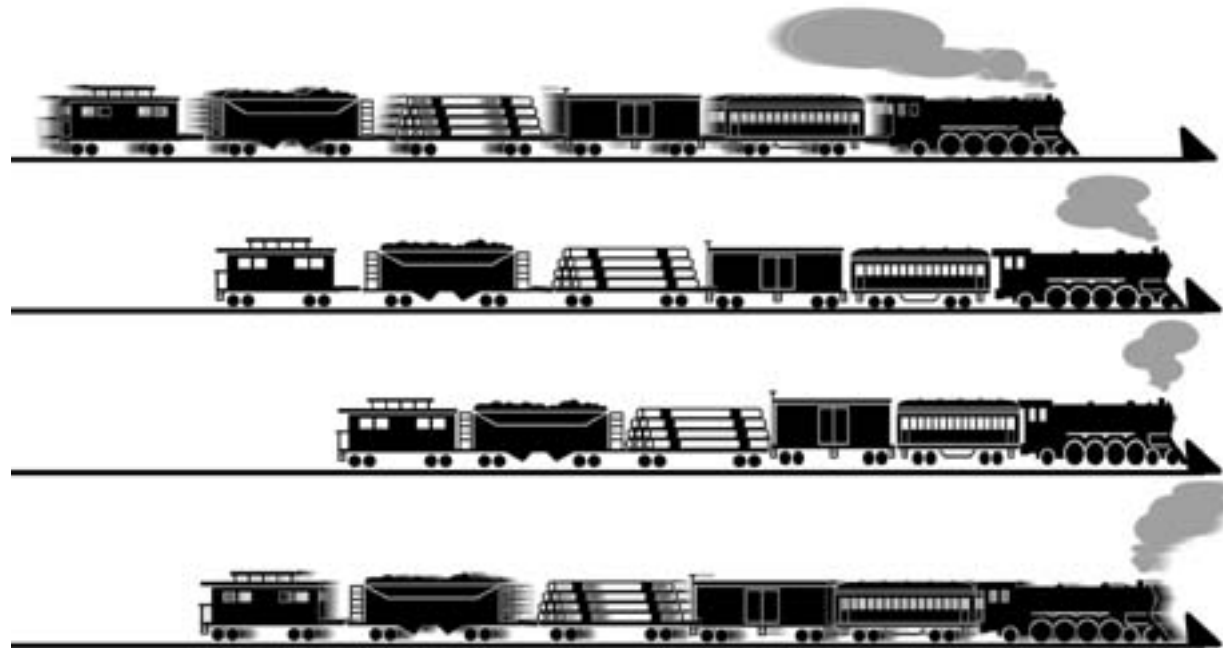
Serbatoio a livello costante



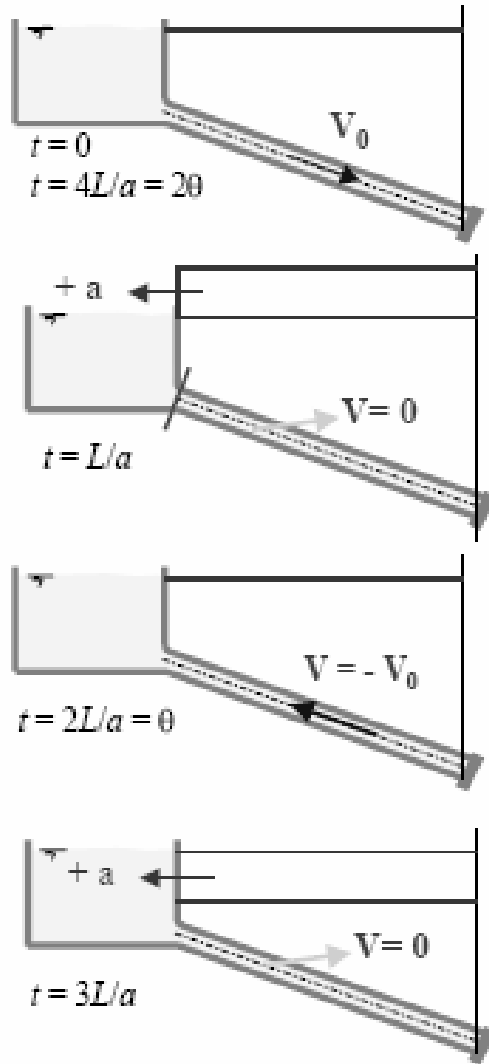
Si studia del moto nel sistema di figura, provocato da manovre di chiusura o apertura in A (sezione di sbocco)

# Colpo d'ariete

- Per effetto di una manovra di chiusura il fluido contenuto nella condotta non si ferma istantaneamente
- Il moto si arresta prima nelle sezioni prossime alla valvola

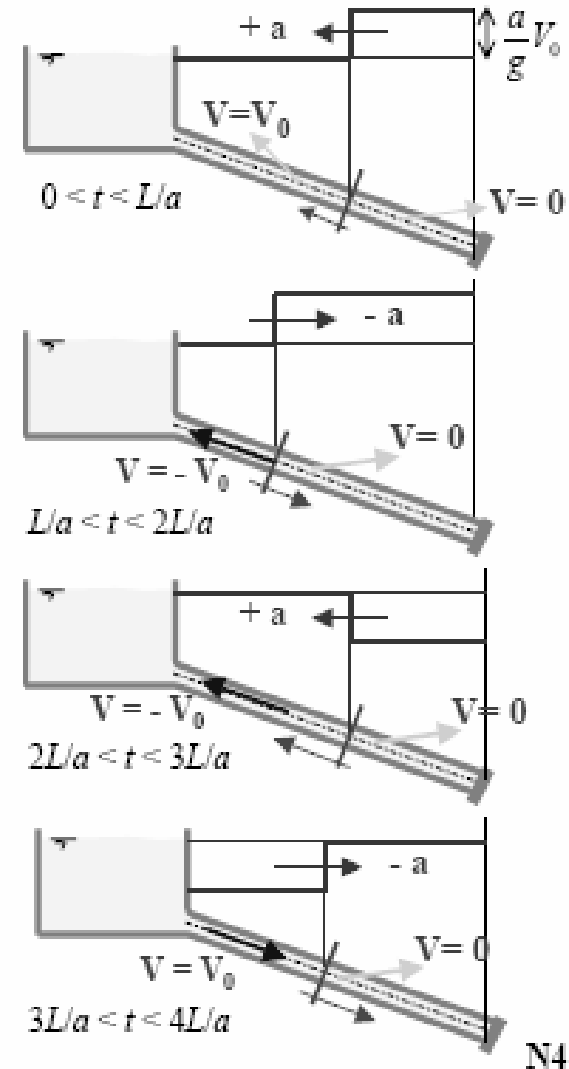


# Effetto di una chiusura istantanea



## MANOVRE ISTANTANEE

$(\tau = 0)$



N4

# Celerità di propagazione

- Le onde di pressione si propagano in condotta con una velocità caratteristica detta celerità

$$a = \frac{\sqrt{\frac{\epsilon}{\rho}}}{\sqrt{1 + \frac{\epsilon D}{ES}}}$$

$a$  = Celerità = velocità di propagazione onde di pressione

$\epsilon$  = coefficiente di comprimibilità fluido

$\rho$  = densità fluido

$D$  = diametro condotta

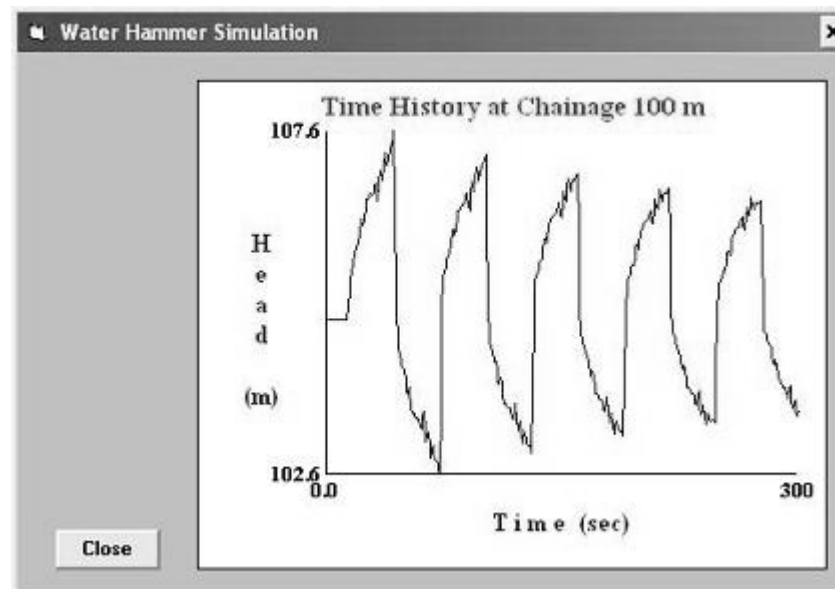
$S$  = spessore condotta

$E$  = modulo di elasticità materiale condotta

Per  $E \rightarrow \infty$  (condotta infinitamente rigida)  $a \rightarrow \sqrt{\frac{\epsilon}{\rho}} = C_0$  *Celerità onde piane di pressione (vel. suono)*  
 $C_0$  Acqua ~ 1450 m/s

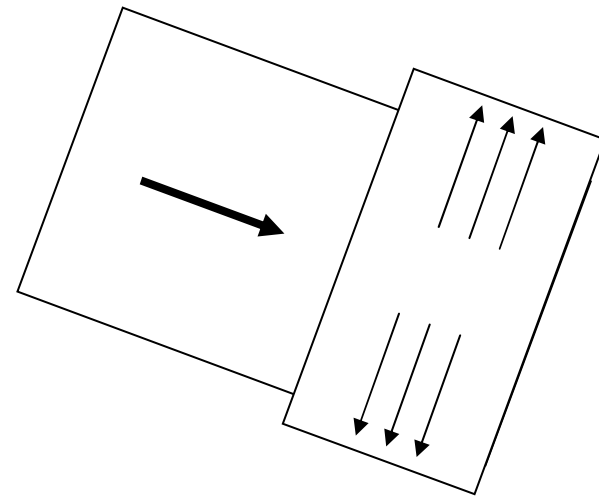
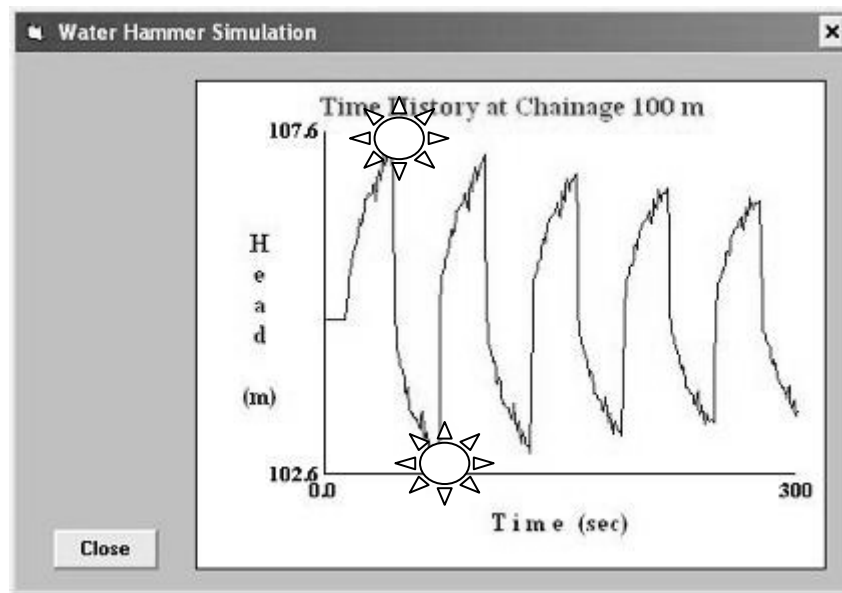
# Variazione di pressione in condotta

- Nelle diverse sezioni della condotta si osserva il susseguirsi periodico di oscillazioni di pressione
- Il periodo delle oscillazioni è detto ritmo 
$$\tau = \frac{2L}{a}$$
- Le oscillazioni tendono a smorzarsi per effetto delle resistenze al moto



# Calcolo delle pressioni in condotta

- Dal punto di vista ingegneristico occorre determinare la massima sovrappressione e la massima depressione
- Occorre considerare la comprimibilità del fluido e la deformabilità della condotta



# Equazioni del moto vario

Equazioni moto vario di una corrente monodimensionale:

$$\frac{\partial(\rho Q)}{\partial s} + \frac{\partial(\rho A)}{\partial t} = 0$$

Eq. di continuità

$$\frac{\partial}{\partial s} \left( z + \int \frac{dp}{\gamma} + \frac{V^2}{2g} \right) = -\frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial t} - j$$

Eq. del moto

$$\left[ j = \frac{\tau_0}{\gamma R} \right]$$

Ricordando che  $Q = VA$ ;  $\rho = \rho \{ p(s, t) \}$ ;  $A = A \{ p(s, t) \}$

- La soluzione del sistema di equazioni differenziali è molto complessa:

$$h - h_0 = F\left(t - \frac{s}{c}\right) - f\left(t + \frac{s}{c}\right)$$

$$\frac{c}{g}(V_0 - V) = F\left(t - \frac{s}{c}\right) + f\left(t + \frac{s}{c}\right)$$

# Sovrappressione a valle

- Le due funzioni  $F$  e  $f$  rappresentano le onde di pressione che si propagano dalla valvola e dal serbatoio
- Per  $t < t_0$  al termine della condotta esiste la sola  $F$  per cui il sistema si semplifica:
- Sovrappressione per chiusura che si completa in meno di un ritmo

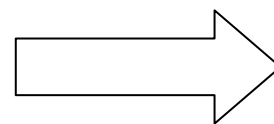
$$h - h_0 = F\left(t - \frac{s}{c}\right) - f\left(t + \frac{s}{c}\right)$$

$$\frac{c}{g}(V_0 - V) = F\left(t - \frac{s}{c}\right) + f\left(t + \frac{s}{c}\right)$$

$$h - h_0 = F\left(t - \frac{s}{c}\right)$$

$$\frac{c}{g}(V_0 - V) = F\left(t - \frac{s}{c}\right)$$

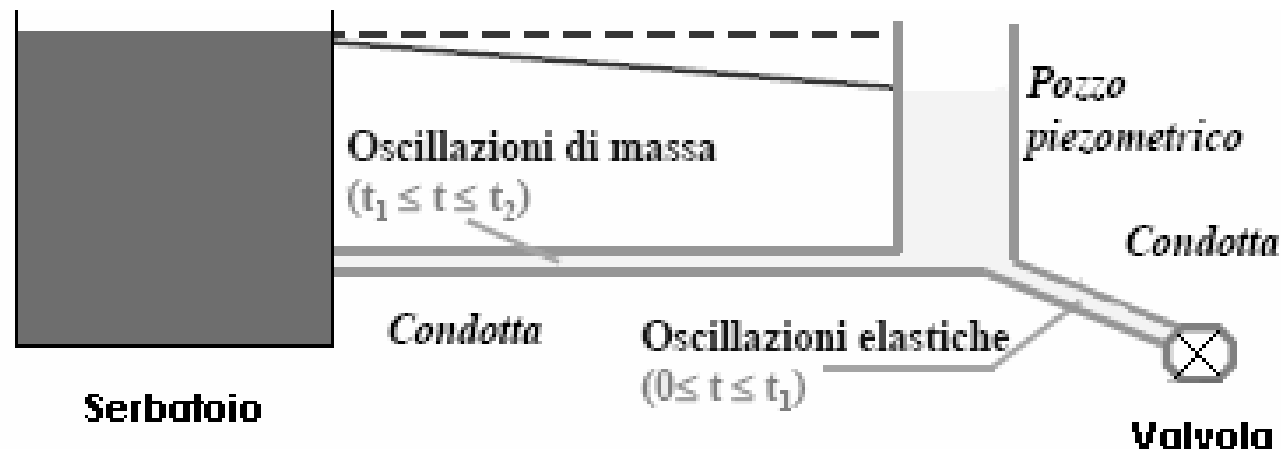
$$h - h_0 = \frac{c}{g}(V_0 - V)$$



$$h - h_0 = \frac{c}{g} V_0$$

# Oscillazione di massa

- Spesso nei sistemi acquedottistici sono inseriti dei pozzi piezometrici che consentono di limitare il tronco di condotta in cui viaggiano le oscillazioni elastiche
- Le variazioni di regime nella condotta di valle si esaurisce nel tempo  $t_1$  e determina nella condotta di monte un moto vario per  $t > t_1$  che può essere trattato trascurando la deformabilità della condotta e la comprimibilità del fluido



# Equazioni dell'oscillazione di massa

Equazioni moto vario di una corrente monodimensionale:

$$\frac{\partial(\rho Q)}{\partial s} + \frac{\partial(\rho A)}{\partial t} = 0$$

Eq. di continuità

$$\frac{\partial}{\partial s} \left( z + \int \frac{dp}{\gamma} + \frac{V^2}{2g} \right) = -\frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial t} - j$$

Eq. del moto

$$\left[ j = \frac{\tau_0}{\gamma R} \right]$$

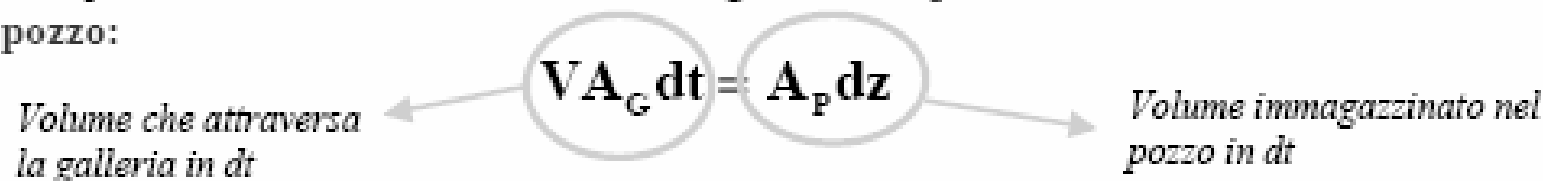
- Si assume che la velocità in condotta non vari con s

Si integra in s tra (1) e (2) trascurando le perdite concentrate

$$H_1 - H_2 = \frac{1}{g} \frac{dV}{dt} L_G + \frac{\lambda}{D_G} \frac{V|V|}{2g} L_G \quad (1)$$

E si pone  $z = H_2 - H_1 \quad (2)$

Compaiono le variabili z e V: esse sono legate dalla equazione di continuità all'imbocco del pozzo:



# Variazione del livello nel pozzo

- La risoluzione numerica del sistema di equazioni differenziali consente il calcolo del livello  $z$  nel pozzo

