



Lezione #19

Introduzione ai Sistemi a Eventi
Discreti



Sommario

- Introduzione ai sistemi a eventi discreti
- Modellistica dei SED con automi a stati finiti
- Esempi di controllo con automi a stati finiti

Introduzione

- Nelle lezioni precedenti, abbiamo visto che è possibile descrivere il comportamento di un **sistema dinamico** attraverso **equazioni (statiche o differenziali)** che legano variabili di **ingresso, stato e uscita**
- Abbiamo anche visto che, per questo tipo di sistemi, è possibile adottare **strategie di controllo modulante**

Introduzione

- Abbiamo inoltre studiato come sia possibile realizzare strategie di controllo di tipo **logico-sequenziale** per alcuni sistemi di automazione industriale
- I diversi tipi di controllo hanno tra loro una **relazione gerarchica** (e.g. modello CIM)

- **Controllo modulante:**
 - Presente al livello di campo
 - Agisce su variabili continue, a cui impone un andamento desiderato
 - (Spesso) basato sulla teoria del controllo classica
 - Gestisce situazioni non strettamente correlate tra loro (e.g. movimentazione di parti, gestione di livelli/temperature, ecc.)
 - Può includere algoritmi complessi (e.g. movimentazione degli assi di un robot)
 - Ha specifiche assegnate in termini di tempi di risposta, errore a regime, sovraelongazione...

- **Controllo logico sequenziale**
 - Livelli di controllo o di cella
 - Si occupa di integrare più elementi tra loro
 - Avviamento/spegnimento
 - Gestione di sequenze di lavorazione
 - Gestione di guasti/emergenze
 - Può sfruttare gli algoritmi implementati ai livelli inferiori
 - Le specifiche sono date in termini di comportamento desiderato del sistema, ad esempio tramite SFC funzionali

Per la progettazione di un buon sistema di controllo abbiamo bisogno di:

1. poter **definire le specifiche** in maniera non ambigua
2. verificare che tali specifiche siano **soddisfatte**

Nel caso del **controllo modulante**:

1. è possibile definire le specifiche in vari modi, ad esempio come **vincoli sulla risposta indiciale del sistema a ciclo chiuso**
2. Il **soddisfacimento** di tali specifiche può essere **verificato matematicamente** (e.g. analizzando la fdt di anello)

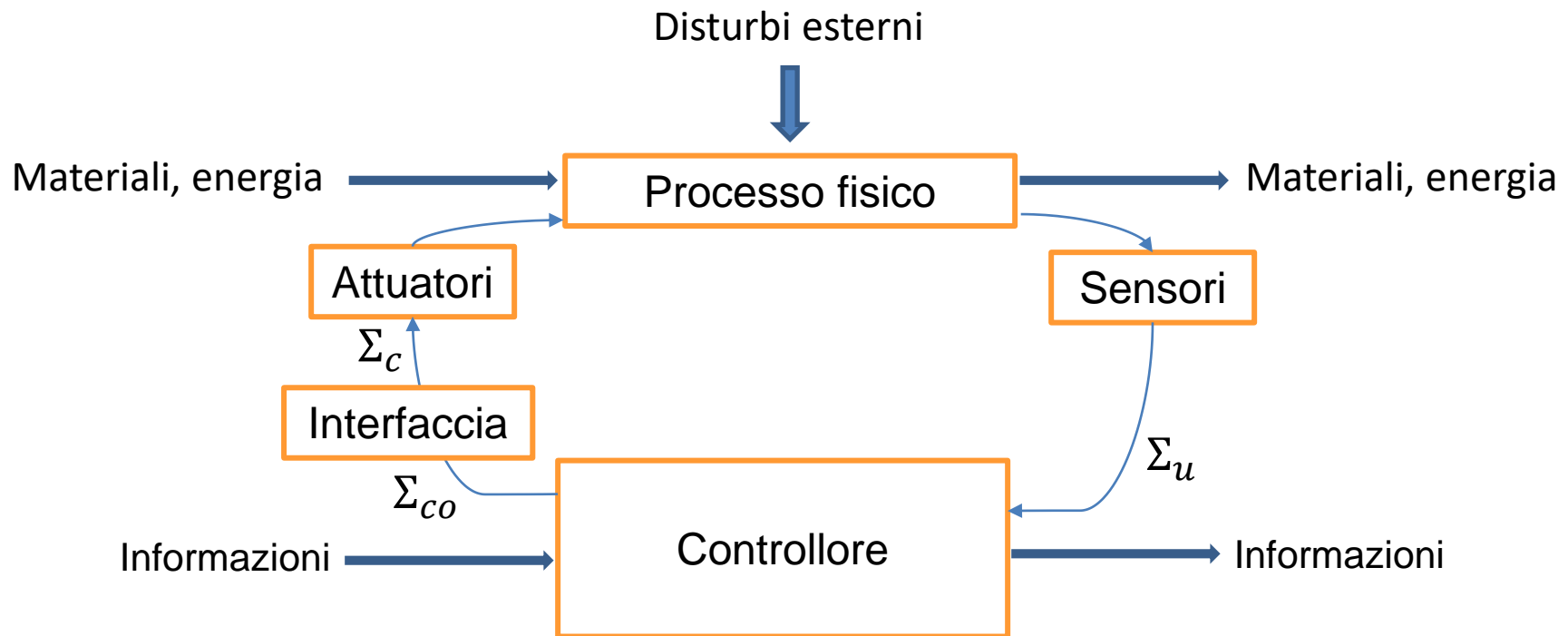
Nel caso del **controllo logico**:

1. è possibile definire le specifiche in maniera non ambigua ricorrendo, ad esempio, ad SFC funzionali
- 2. serve uno strumento per verificare che tali specifiche siano soddisfatte**

Controllo a forzamento di eventi

- Idea:
 - Gli eventi che rappresentano l'inizio di un'attività vengono **generati da un dispositivo esterno in modo che vengano eseguite solo le sequenze desiderate**
 - Questi eventi sono detti **controllabili**
 - In generale, gli eventi controllabili saranno un **sottoinsieme** degli eventi generati dal **controllore** (al cui interno saranno generati anche eventi non controllabili, e.g. il termine di un intervallo temporale)

Controllo a forzamento di eventi



Σ_c : insieme degli eventi controllabili

Σ_u : insieme degli eventi non controllabili

$\Sigma_c \subseteq \Sigma_{co}$: insieme degli eventi generati dal controllore

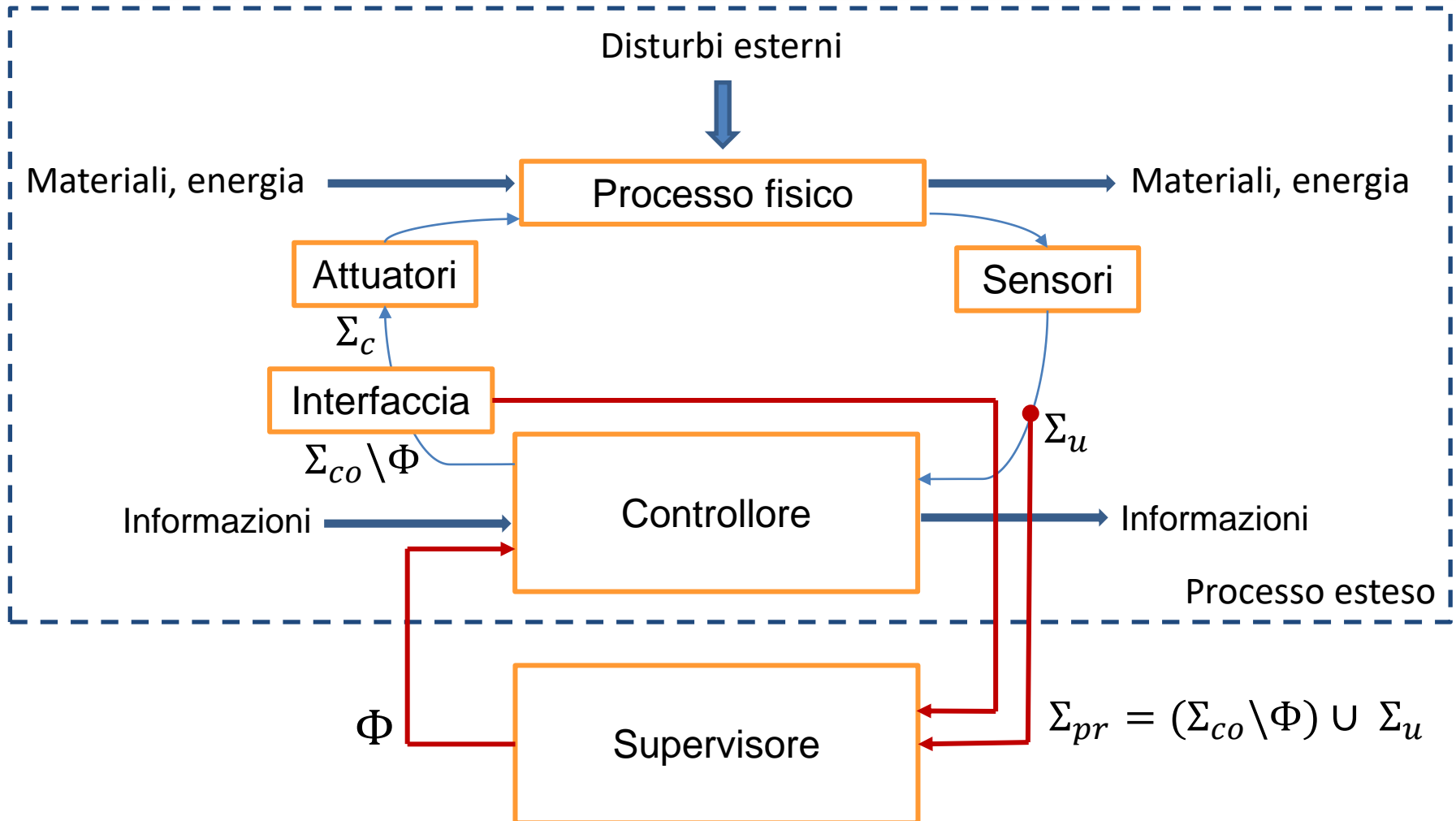
Controllo a forzamento di eventi

- Questo approccio è intuitivo, ma può condurre a **sistemi molto complessi**
 - Applicabile all'interno di un sottosistema
 - Può essere inadatto a coordinare più sottosistemi
- Un approccio in genere più efficiente è quello del **controllo di supervisione**

Controllo di supervisione

- Idea:
 - **Estendere il processo** fino a includere anche i dispositivi di controllo diretto
 - Al **controllore** viene lasciato il compito di **agire direttamente sul processo**
 - Un **supervisore** può **abilitare/disabilitare alcune delle azioni** che possono essere eseguite dal controllore

Controllo di supervisione



Φ : insieme degli eventi da disabilitare

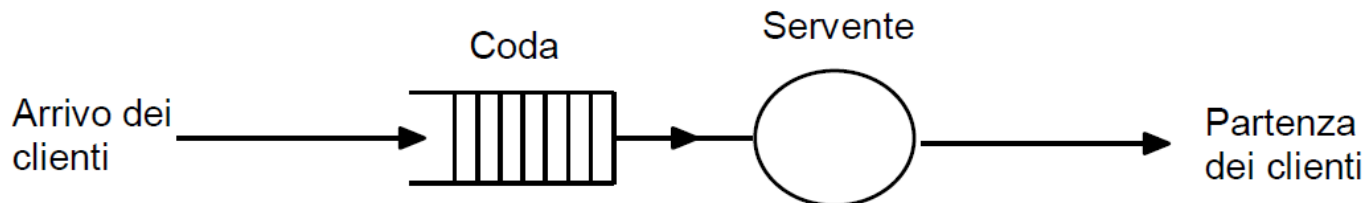
Controllo di supervisione

- **Obiettivo:** disabilitare alcuni degli eventi controllabili in modo che il processo esteso rispetti le specifiche
- Dobbiamo:
 - **Modellare** il processo esteso
 - Trovare delle **strategie di sintesi** per il supervisore

- Dal punto di vista del **controllo logico**, l'evoluzione di un sistema di automazione può essere considerata come una **sequenza di eventi**
- Ciascun evento può corrispondere, ad esempio, all'inizio o al termine di una certa attività o fase di lavorazione

- Anche questo genere di sistemi appartiene alla classe dei **sistemi dinamici**, ma spesso ha uno stato non rappresentabile tramite un vettore di numeri reali
- I sistemi a eventi possono essere descritti tramite dei **formalismi** appositi

- Esempio: consideriamo un **sistema server-client**
 - Le richieste vengono memorizzate in un buffer a capacità infinita
 - La coda è gestita in maniera FIFO



- Esempio: consideriamo un **sistema server-client**
 - All'arrivo di una richiesta, il numero di elementi in coda viene incrementato di 1
 - Quando il server ha **gestito una richiesta**, il numero di elementi in coda viene decrementato di 1
 - Il server passa **da libero a occupato** quando inizia a elaborare una richiesta e **da occupato a libero** quando termina

Si tratta di un **sistema dinamico**?

- Sì: il comportamento dipende dalla “storia passata” (e.g. numero delle richieste arrivate)
- La conoscenza della condizione iniziale e degli ingressi consente di determinare l'evoluzione

Ma...

- L'evoluzione non è guidata dal tempo, ma dagli **eventi** asincroni che occorrono
- Le variabili di stato assumono valori in un insieme **non necessariamente numerico** (es. occupato/libero)

Sistemi a Eventi Discreti

Definiamo **sistema (dinamico) a eventi discreti (DEDS)** un sistema nel quale le variabili di stato sono **lessicali** e l'evoluzione dello stato è determinata dall'occorrenza di **eventi**

Sistemi a Eventi Discreti

Linguaggi

Variabili **lessicali**:

- Sono variabili **non rappresentabili numericamente**
- I possibili eventi e/o stati (se in numero finito) possono essere **enumerati**
- In particolare, posso considerare i possibili eventi come lettere di un **alfabeto**
- Una sequenza di eventi sarà una **stringa**
- Tutte le possibili sequenze formeranno un **linguaggio**

Sistemi a Eventi Discreti

Linguaggi

È possibile distinguere linguaggi (e modelli) **logici** e **temporali**

- **Linguaggio/modello logico**
L'interesse è posto sull'ordine di occorrenza degli eventi
– es. $e_1 e_2 e_3 \dots$
- **Linguaggio/modello temporale**
L'interesse è sia sull'ordine di occorrenza degli eventi che sull'istante in cui avvengono
– es. $(e_1, t_1)(e_2, t_2)(e_3, t_3) \dots$

Sistemi a Eventi Discreti

- I sistemi a eventi discreti sono lo strumento naturale per descrivere i problemi di controllo logico
- Possono essere **complessi da modellare**
- È necessario rappresentare situazioni quali
 - **Concorrenza** di eventi (attività simultanee)
 - **Conflitti** (gestione di risorse comuni)
 - **Sincronizzazione** tra eventi (coordinamento)

Sistemi a Eventi Discreti

- Come già detto, cerchiamo un **formalismo** per descrivere e analizzare l'evoluzione di questi sistemi
- Potremo sfruttare lo stesso formalismo per la **sintesi di un supervisore**

Modellistica di SED

- Vedremo due strumenti per la modellistica di SED:
 - Automi a stati finiti
 - Reti di Petri
- Considereremo solo il caso di modelli logici (senza temporizzazione)

Automati a stati finiti

- Un **automa a stati finiti** è un sistema che può
 - Trovarsi in un dato **stato**, nel quale produce delle **uscite**
 - **Transitare** da uno stato a un altro all'accadere di determinati **eventi**

Automati a stati finiti

- **Esempio:** supponiamo di voler modellare la trasmissione sequenziale di pacchetti da un nodo A a un nodo B di una rete
- Il canale di comunicazione può trasmettere un pacchetto alla volta, che potrebbe non giungere a destinazione nel caso di problemi di trasmissione

Automati a stati finiti

- Supponiamo che la trasmissione avvenga secondo un semplice **protocollo *send-wait***
 - Quando invia un pacchetto, A avvia un timer
 - Quando riceve un pacchetto, B invia un *ack*

Automati a stati finiti

- Supponiamo che la trasmissione avvenga secondo un semplice **protocollo *send-wait***
 - Se A riceve l'*ack*, la trasmissione è avvenuta con successo e si può passare al pacchetto successivo
 - Se A non riceve l'*ack*, dopo un time-out rispedisce il dato

Automati a stati finiti

- Supponiamo che la trasmissione avvenga secondo un semplice **protocollo *send-wait***
 - Poiché anche il segnale di *ack* potrebbe andare perduto, A aggiunge al pacchetto un bit di intestazione
 - A ogni nuova trasmissione, il valore di questo bit cambia

Automati a stati finiti

- Supponiamo che la trasmissione avvenga secondo un semplice **protocollo *send-wait***
 - B si aspetta di ricevere pacchetti 0 e 1 in maniera alternata
 - Se riceve lo stesso bit di intestazione due volte, il dato potrebbe essere la ripetizione del precedente

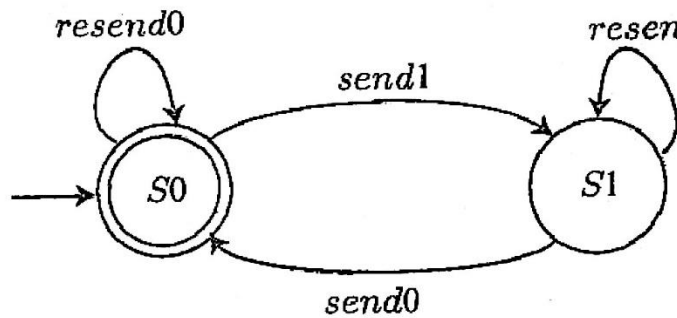
Automati a stati finiti

- Nodo A
 - Stato S0: stato in cui si trova dopo aver spedito il pacchetto-0 (dopo gli eventi *send0* o *resend0*)
 - Stato S1: stato in cui si trova dopo aver spedito il pacchetto-1 (dopo gli eventi *send1* o *resend1*)
- Nodo B
 - Stato R0: stato in cui si trova dopo aver ricevuto il pacchetto-0 (prima degli eventi *ack0* o *react0*)
 - Stato R1: stato in cui si trova dopo aver ricevuto il pacchetto-1 (prima degli eventi *ack1* o *react1*)

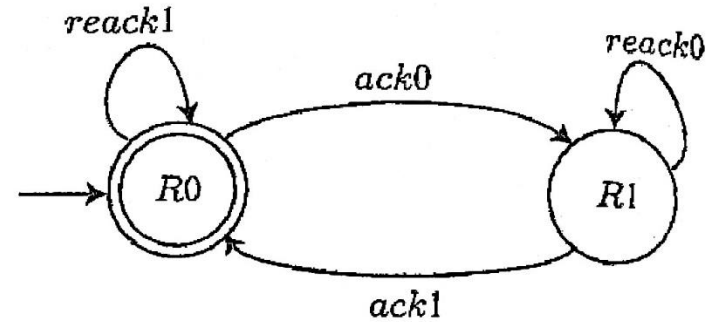
Automati a stati finiti

- Canale di comunicazione
 - Stato I: canale a riposo
 - Stato B0: sul canale c'è un pacchetto-0
 - Stato B1: sul canale c'è un pacchetto-1
 - Stato F: il pacchetto non può essere consegnato (evento *lost*)

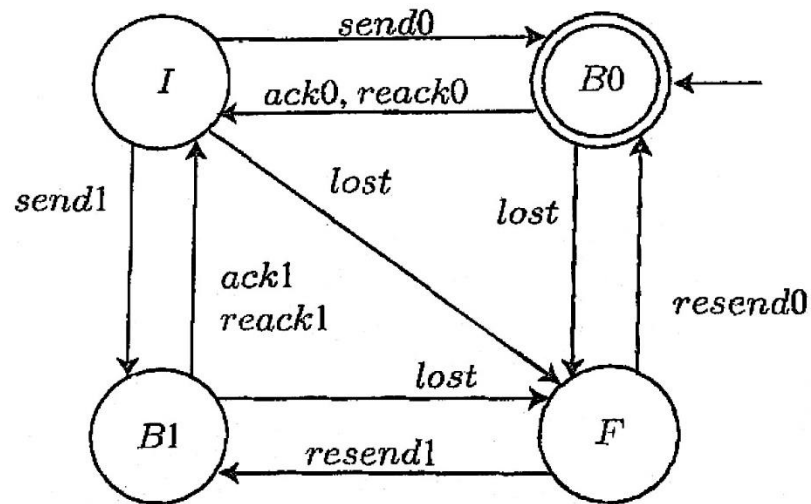
Autommi a stati finiti



(a)



(b)



(c)

Automati a stati finiti

Definizione

- Un **automa a stati finiti** è definito da
 - X insieme finito di stati
 - E insieme (o **alfabeto**) finito di eventi
 - $f: X \times E \rightarrow X$ funzione transizione di stato
 $f(x, e) = y$ se esiste una transizione etichettata con l'evento e che porta da x a y
 - $x_0 \in X$ stato iniziale
 - $X_m \subseteq X$ insieme degli stati finali (o marcati), stati con un particolare significato per chi realizza il modello

Automati a stati finiti

Definizione

- L'automata è definito dalla quintupla

$$A = (X, E, f, x_0, X_m)$$

- È a stati finiti se l'insieme X è finito

- La dinamica è descritta da

$$x' = f(x, e)$$

Automati a stati finiti

Definizione

- Posso inoltre associare a ciascuno stato delle uscite

- **Macchina di Mealy**: uscite definite in corrispondenza delle transizioni di stato

$$y = h(x, e)$$

- **Macchina di Moore**: uscite funzione solo dello stato

$$y = h(x)$$

Automati a stati finiti

Rappresentazione grafica

- Un'automata a stati finiti può essere rappresentato un **grafo orientato** in cui
 - i **nodi** rappresentano i possibili **stati** del sistema
 - Gli **archi** rappresentano le transizioni collegate ai possibili **eventi**
 - Lo **stato iniziale** è indicato da una freccia entrante
 - Gli **stati finali** sono doppiamente cerchiati (o in nero)

Automati a stati finiti

Composizione

- Il modello complessivo sarà la **composizione** degli automi associati alle singole parti del sistema
- Tale composizione deve rappresentare il fatto che i sistemi lavorano in **concorrenza**
 - **Operazioni private** (che cioè comportano la partecipazione di un solo sistema) possono essere eseguite in maniera asincrona
 - **Operazioni comuni** (che cioè comportano la partecipazione di più sistemi) vanno sincronizzate

Composizione concorrente (o parallela):

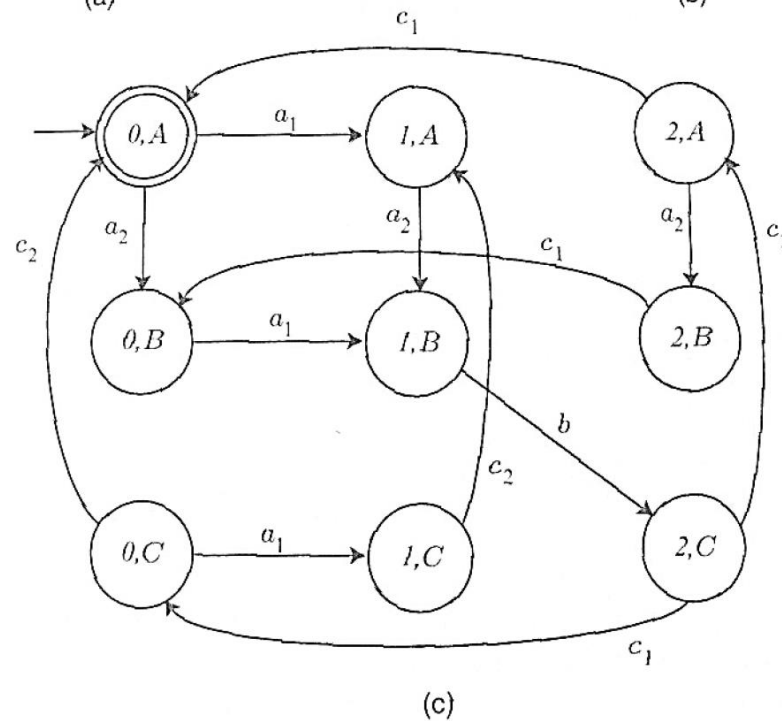
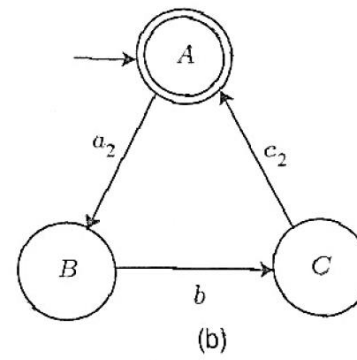
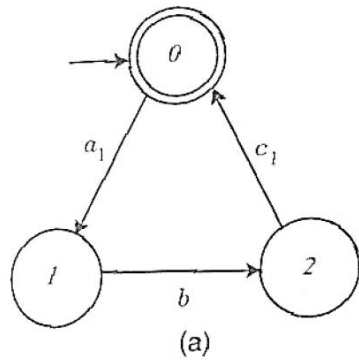
- Dati gli automi $A_1 = (X_1, E_1, f_1, x_{0,1}, X_{m,1})$ e $A_2 = (X_2, E_2, f_2, x_{0,2}, X_{m,2})$, la loro composizione $A_1 || A_2$ è data da
 - $X \subseteq X_1 \times X_2$ (considero solo il sottoinsieme di stati *accessibile* [3])
 - $E = E_1 \cup E_2$
 - $x_0 = (x_{0,1}, x_{0,2})$
 - $X_m \subseteq X_{m,1} \times X_{m,2}$

Composizione concorrente (o parallela):

- Dati gli automi $A_1 = (X_1, E_1, f_1, x_{0,1}, X_{m,1})$ e $A_2 = (X_2, E_2, f_2, x_{0,2}, X_{m,2})$, la loro composizione $A_1 || A_2$ è data da
 - $f((x_1, x_2), e) = (f_1(x_1, e), f_2(x_2, e))$ se $e \in E_1 \cap E_2$
 - $f((x_1, x_2), e) = (f_1(x_1, e), x_2)$ se $e \in E_1, e \notin E_2$
 - $f((x_1, x_2), e) = (x_1, f_2(x_2, e))$ se $e \notin E_1, e \in E_2$
 - Non definita altrimenti

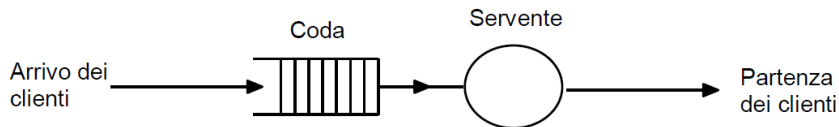
Automati a stati finiti

Composizione

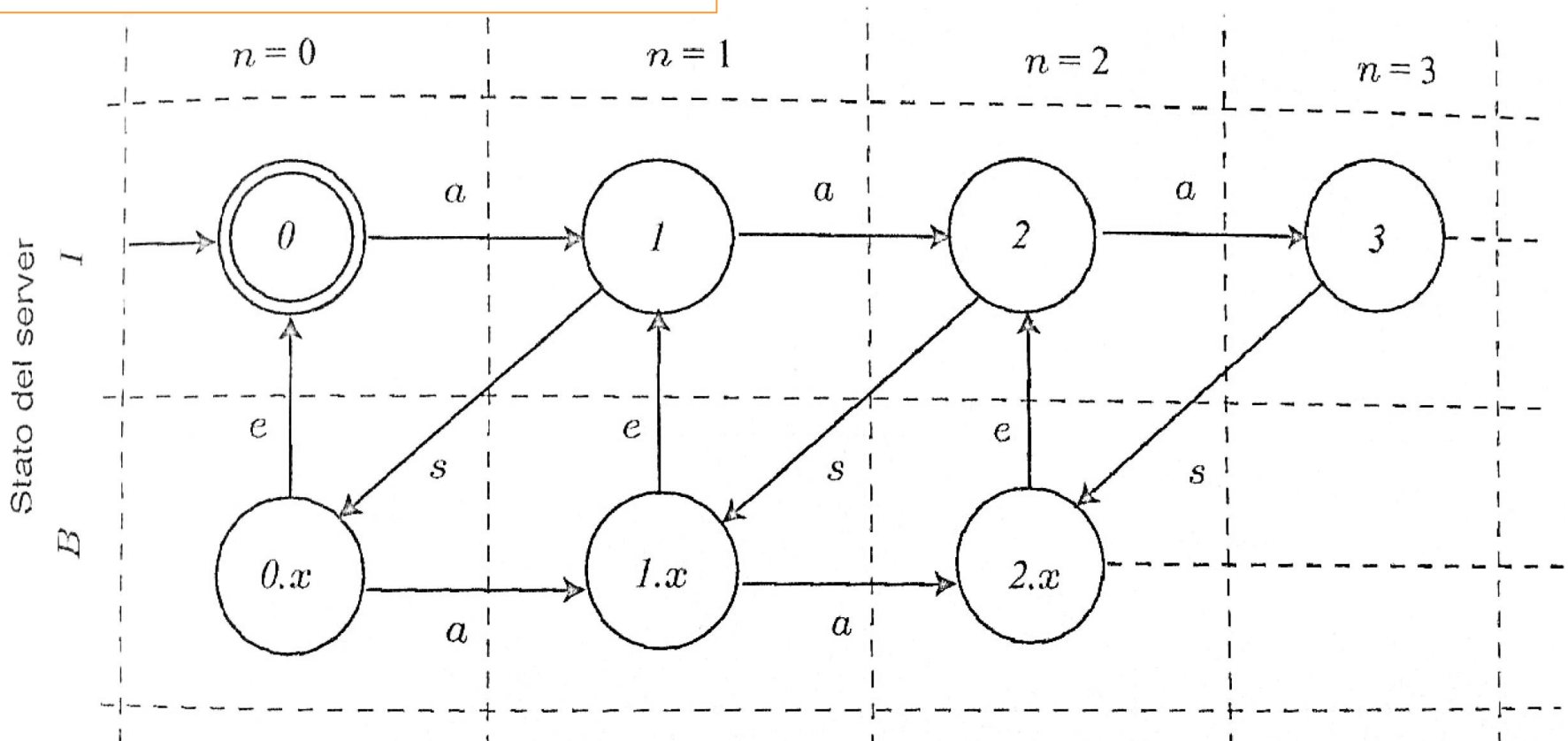


Automi a stati finiti

Composizione



Stato del buffer



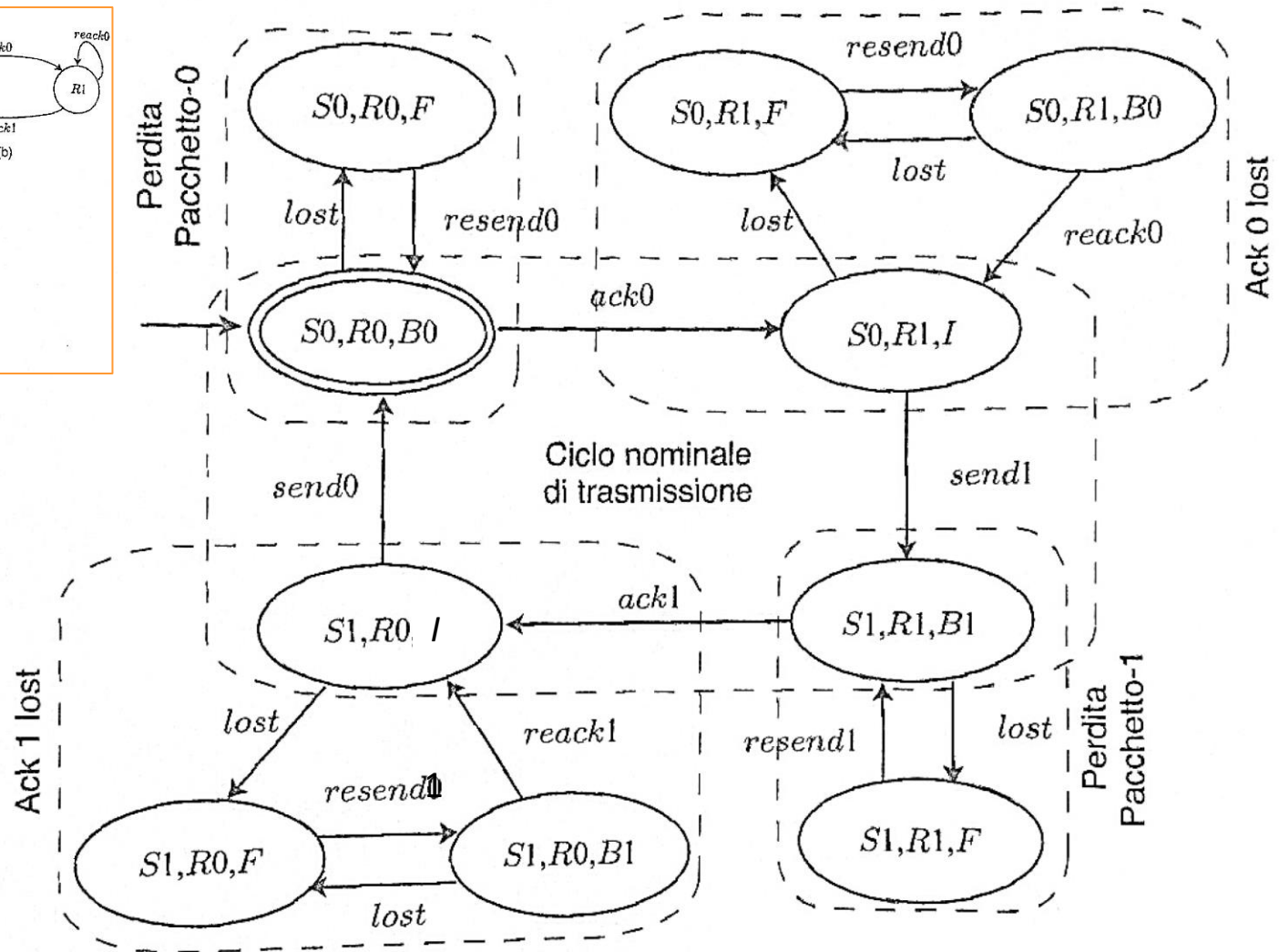
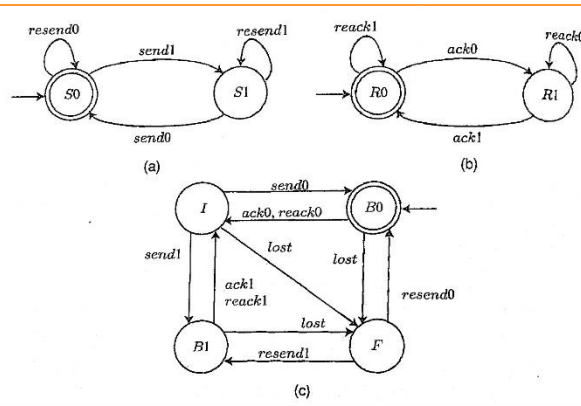
Automati a stati finiti

Composizione

- In questo caso abbiamo uno stato a cardinalità finita (server) e uno a cardinalità infinita numerabile (client)
- $\Sigma_{pr} = \{a, s, e\}$
 - $a = arrival$, aumenta di uno la coda
 - $s = start\ of\ service$, mette il buffer su occupato e riduce di uno la coda
 - $e = end\ of\ service$, libera il buffer
- Stato server: $\{I (Idle), B (Busy)\}$
- Stato complessivo: $X = \{I, B\} \times \mathbb{N}$

Automati a stati finiti

Composizione



Controllo con automi

- È possibile utilizzare gli automi a stati finiti per progettare e implementare **supervisori**
- Due approcci possibili:
 - forzamento di eventi
 - controllo di supervisione

Controllo con automi

Esempio

- Supponiamo di avere un sistema composto da due macchine operatrici **M1** e **M2** e un buffer **B**:
 - La prima lavora dei pezzi e poi li pone in un buffer di capacità 1
 - La seconda preleva i semilavorati dal buffer ed effettua una seconda lavorazione

Controllo con automi

Esempio

- La macchina **M1** ha 4 stati:
 - Libera (I1)
 - Pezzo in lavorazione (W1)
 - Termine lavorazione del pezzo e attesa buffer (A1)
 - Posizionamento del pezzo semilavorato nel buffer (T1)

Controllo con automi

Esempio

- La macchina **M1** può cambiare stato a fronte dei seguenti eventi:
 - Inizio lavorazione (s1)
 - Fine lavorazione (f1), *non controllabile*
 - Inizio trasferimento (t1)
 - Fine trasferimento (ft1), *non controllabile*

Controllo con automi

Esempio

- Automa per la macchina **M1**

- $X_{M1} = \{I1, W1, A1, T1\}$

- $\Sigma_{M1} = \{s1, f1, t1, ft1\}$

- Funzione transizione di stato:

- $\delta_{M1}(I1, s1) = W1$

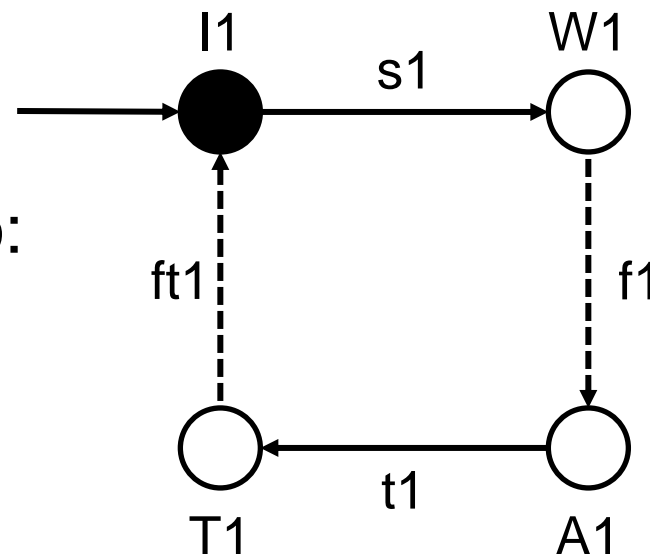
- $\delta_{M1}(W1, f1) = A1$

- $\delta_{M1}(A1, t1) = T1$

- $\delta_{M1}(T1, ft1) = I1$

- $x_{0,M1} = \{I1\}$

- $X_{m,M1} = \{I1\}$ (associa al ritorno in I1 il significato di terminazione di un ciclo)



Controllo con automi

Esempio

- La macchina **M2** ha 2 stati:
 - Libera (I2)
 - Prelievo pezzo e lavorazione (W2)
- Le transizioni avvengono a fronte degli eventi:
 - Inizio lavorazione (s2)
 - Termine lavorazione (f2), *non controllabile*

- Automa per la macchina **M2**

- $X_{M2} = \{I2, W2\}$

- $\Sigma_{M2} = \{s2, f2\}$

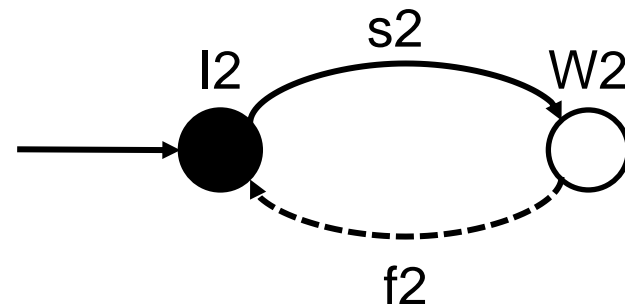
- Funzione transizione di stato:

- $\delta_{M2}(I2, s2) = W2$

- $\delta_{M2}(W2, f2) = I2$

- $x_{0,M2} = \{I2\}$

- $X_{m,M2} = \{I2\}$



Controllo con automi

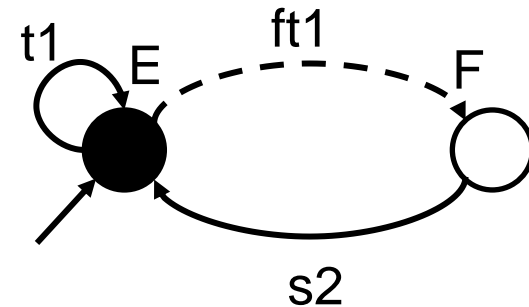
Esempio

- Il buffer B, invece, **non è controllato**
- Vogliamo però che
 - la macchina M1 attenda che il buffer sia libero prima di depositare un nuovo pezzo
 - la macchina M2 attenda che il buffer sia pieno prima di provare a prelevare un pezzo

Controllo con automi

Esempio

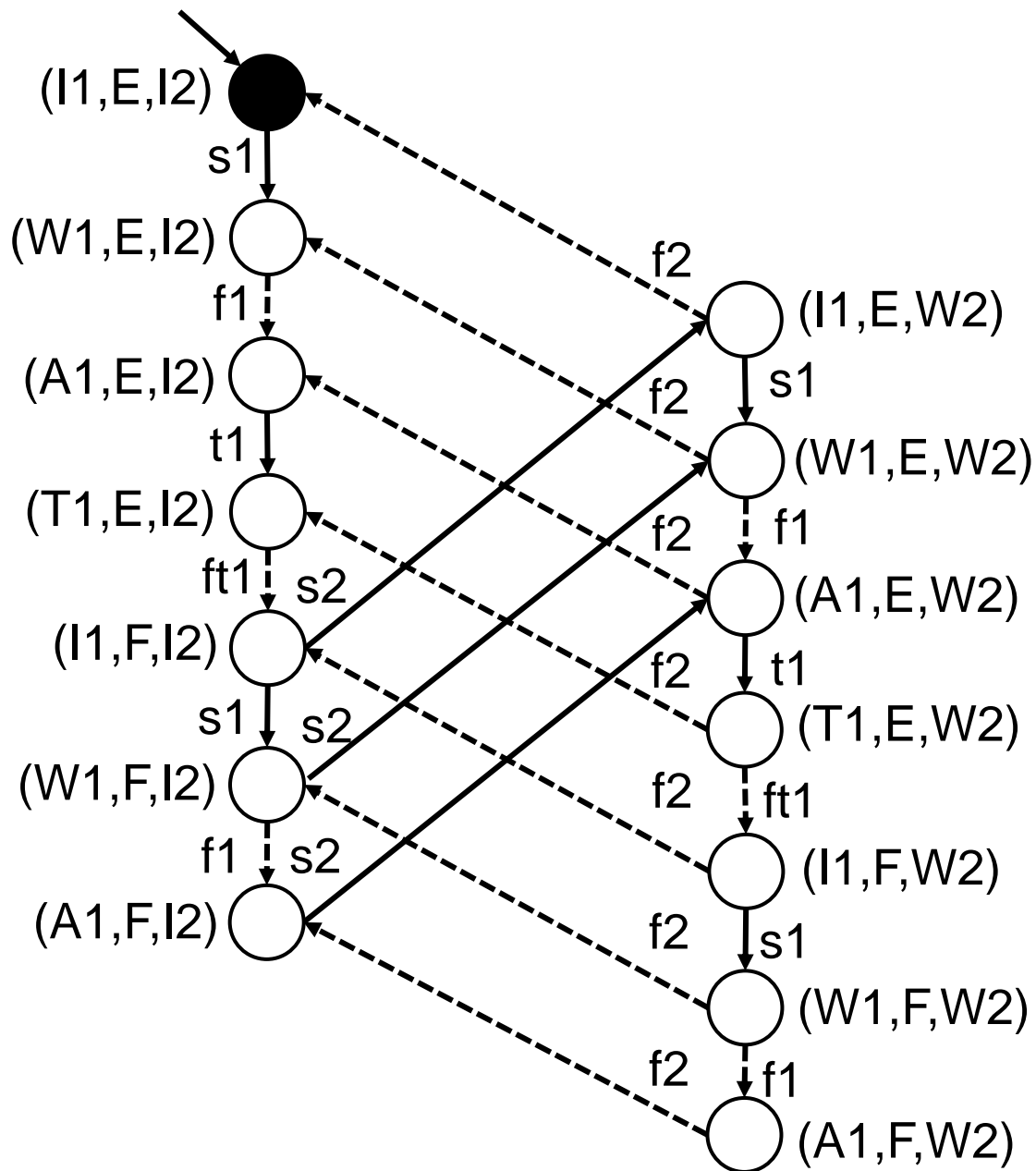
- Possiamo **descrivere il comportamento desiderato** del buffer con un ulteriore automa
- Stati:
 - buffer vuoto (E)
 - buffer pieno (F)
- Eventi:
 - inizio trasferimento da M1 (t1)
 - fine trasferimento da M1 (ft1)
 - prelievo pezzo da M2 (s2)



Controllo con automi

Esempio – controllo a forzamento di eventi

- Posso considerare la composizione concorrente dei tre automi visti
- **$M1 || B || M2$ includerà il comportamento desiderato per il buffer**
 - è un modello del sistema controllato!
- Stati:
 - $X = X_{M1} \times X_{M2} \times X_B$
- Eventi:
 - $\Sigma_c = \{s1, t1, s2\}$
 - $\Sigma_u = \{f1, ft1, f2\}$



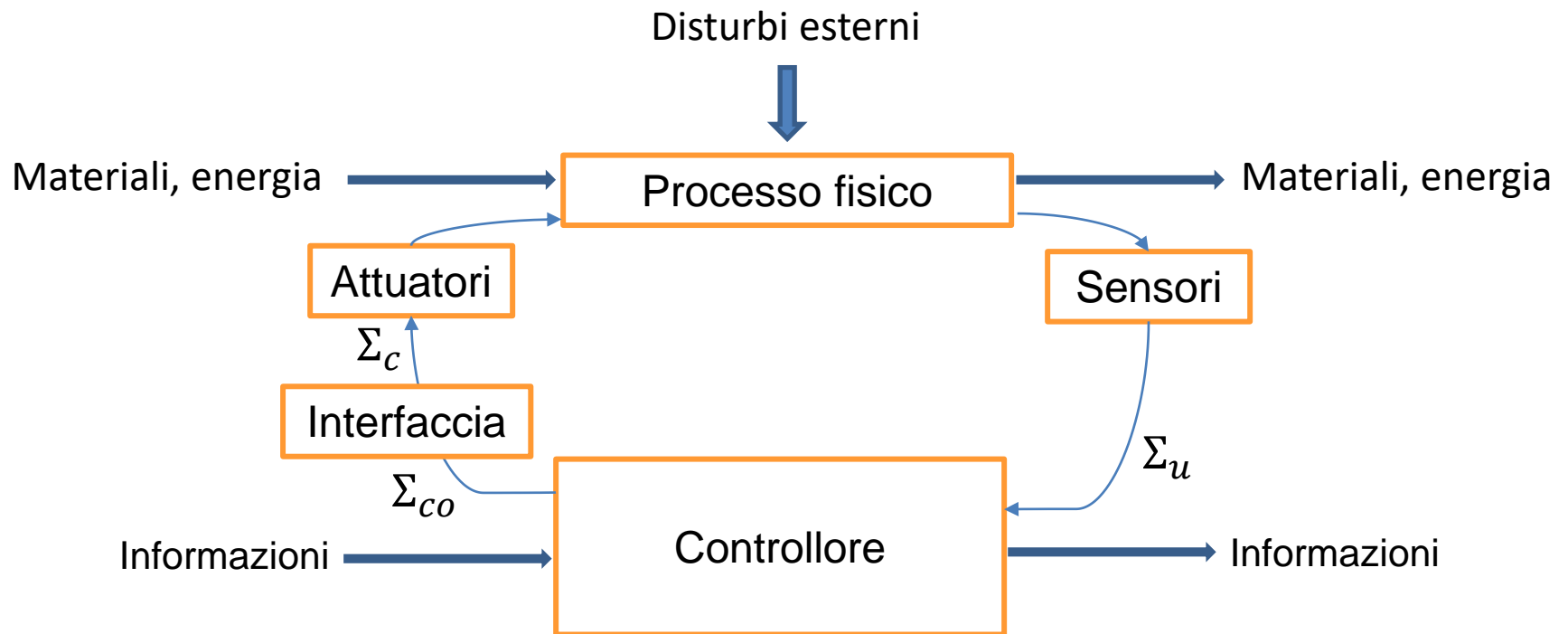
Controllo con automi

Esempio – controllo a forzamento di eventi

- Approccio a **forzamento di eventi**: gli eventi controllabili (= inizio di un'attività) vengono generati da un **dispositivo esterno**
- Si può associare a ogni stato un'uscita consistente in un vettore di variabili booleane, per indicare **quali degli eventi Σ_c vengono forzati, ovvero quali azioni vengono effettuate sul processo**
→ si otterrà una macchina di Moore

Controllo con automi

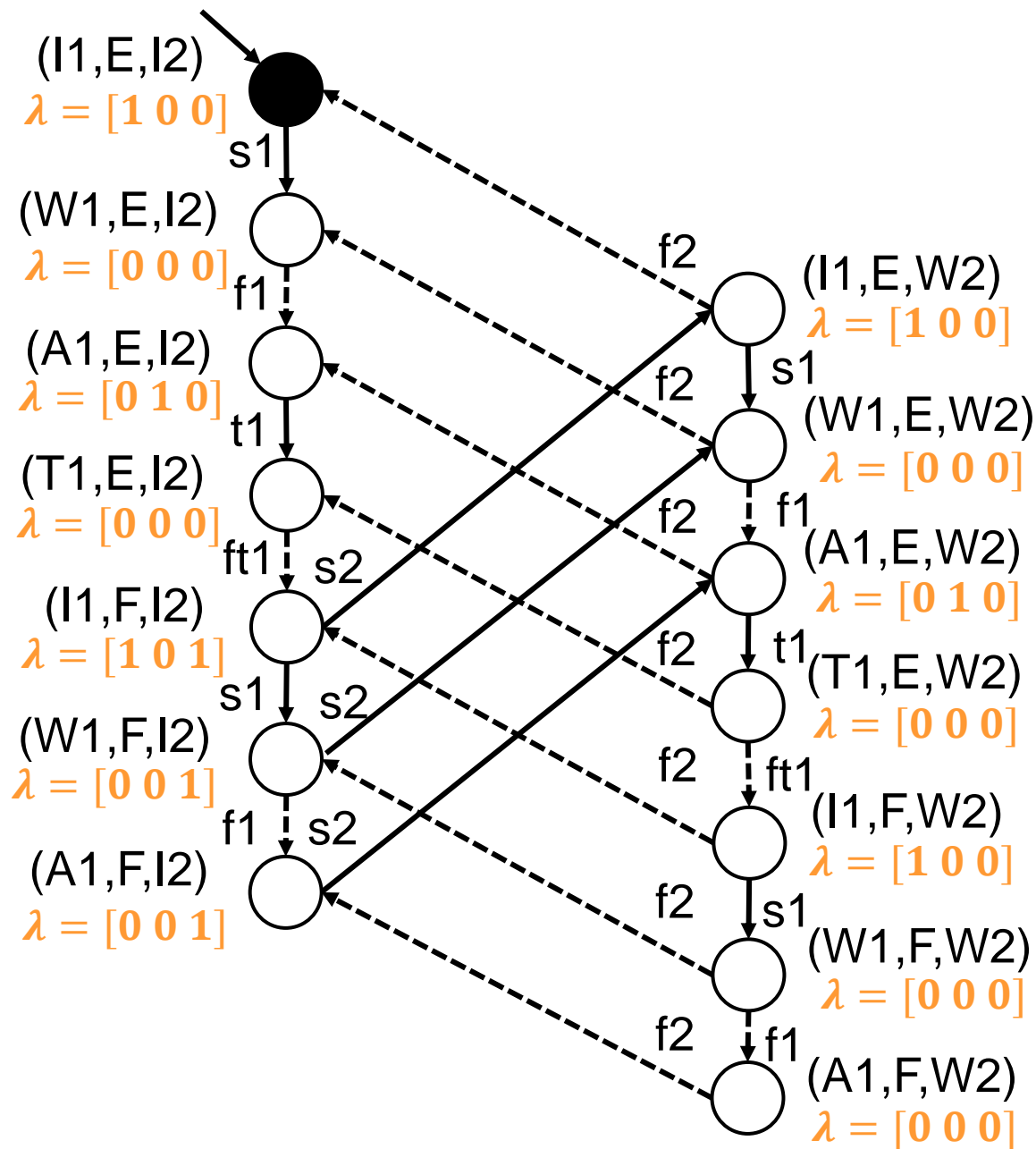
Esempio – controllo a forzamento di eventi



Σ_c : insieme degli eventi controllabili

Σ_u : insieme degli eventi non controllabili

$\Sigma_c \subseteq \Sigma_{co}$: insieme degli eventi generati dal controllore



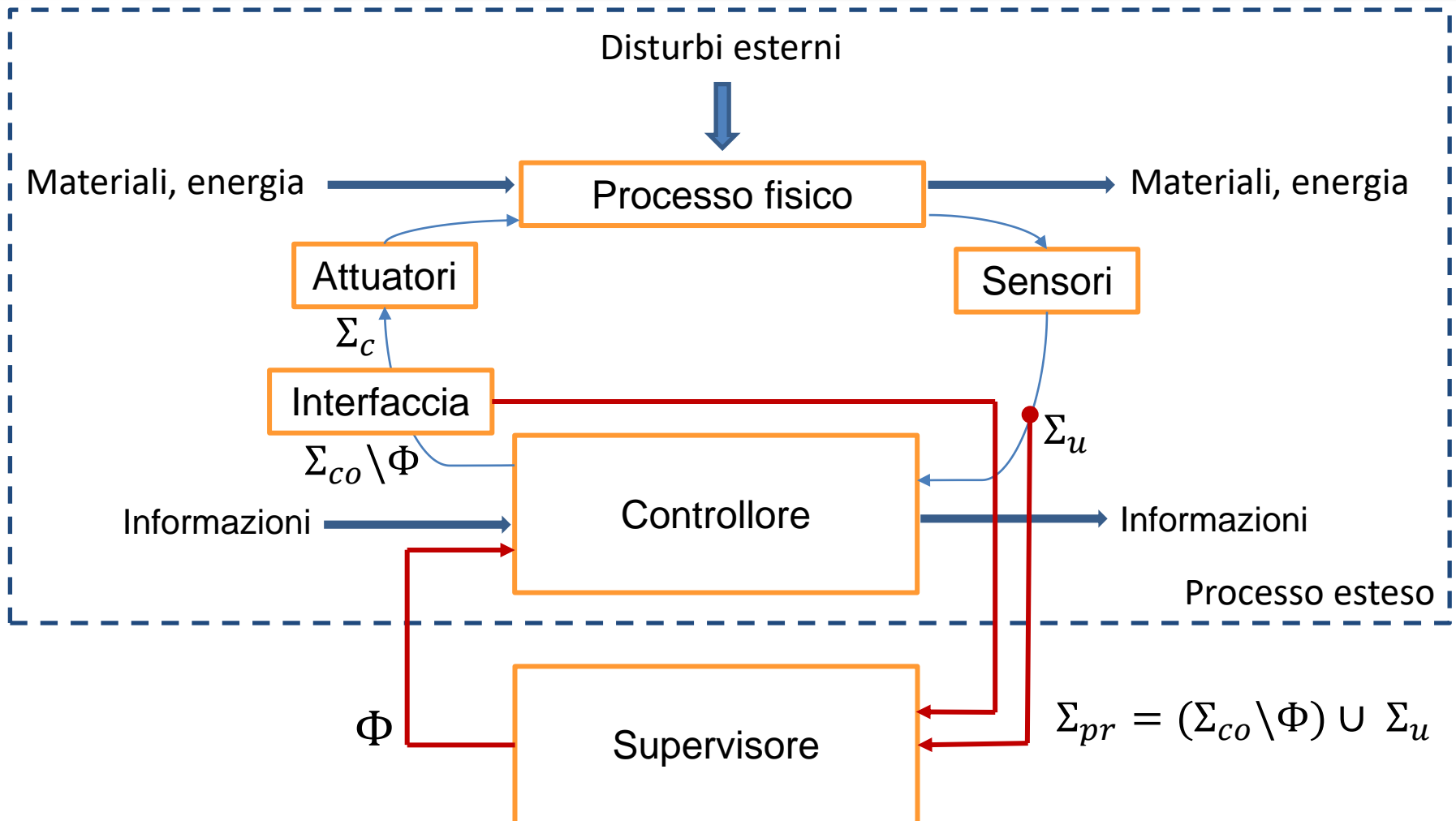
Controllo con automi

Esempio – controllo a forzamento di eventi

- In questo caso, le uscite dell'automa sono da interpretare come **azioni direttamente effettuate sul processo**
- L'approccio a **forzamento di eventi** comporta alcuni svantaggi:
 - Non c'è **separazione** tra le varie parti che compongono il processo
 - L'automa risultante può essere **complesso**

Controllo con automi

Esempio – controllo di supervisione

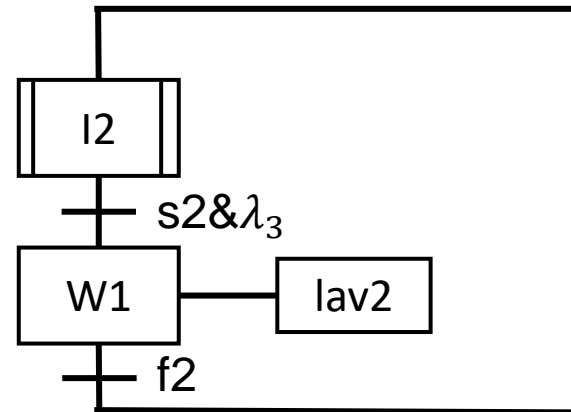
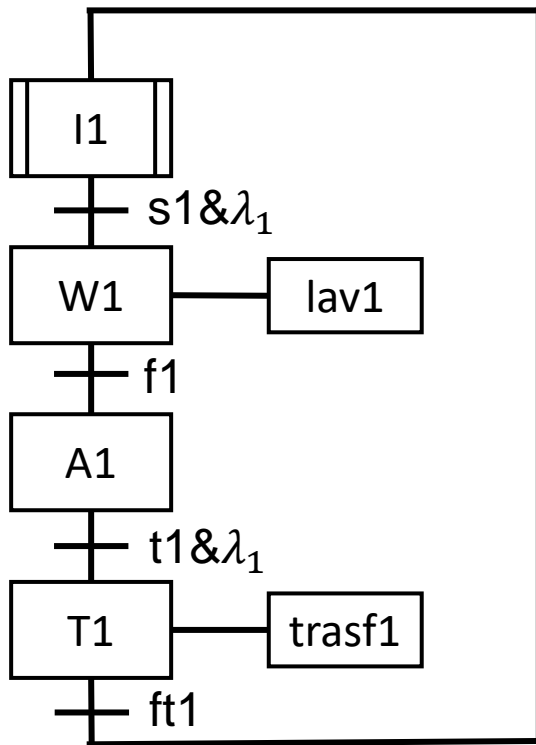
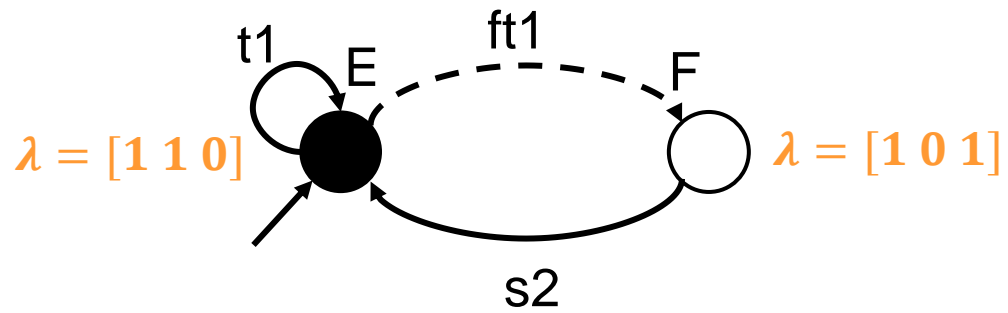


Φ : insieme degli eventi da disabilitare

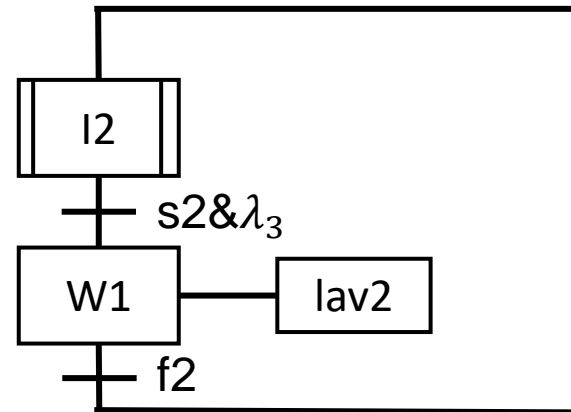
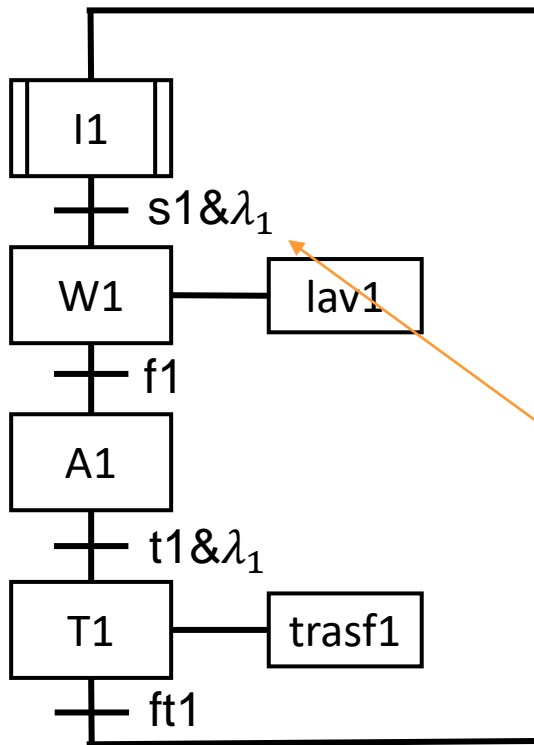
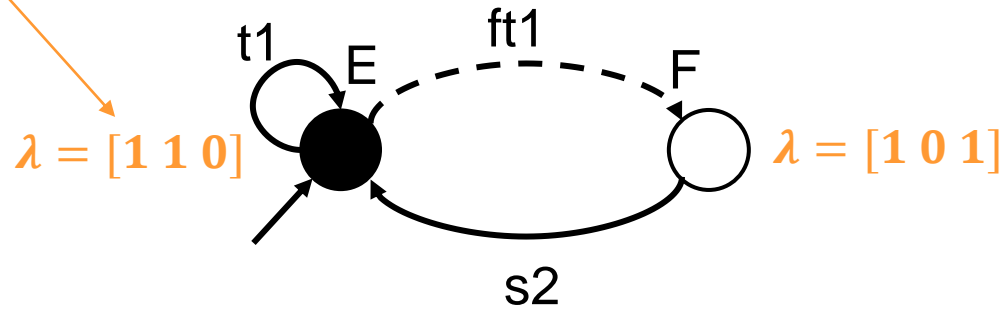
Controllo con automi

Esempio – controllo di supervisione

- Con l'approccio del **controllo supervisivo**, avrò ancora una macchina di Moore le cui uscite rappresentano quali eventi controllabili sono abilitati/disabilitati
- Le transizioni negli automi che rappresentano i vari processi saranno condizionate alle uscite dell'automata supervisore



s1 e t1 abilitati, s2 disabilitato



Posso passare da I1 a W2 solo se l'evento s1 è abilitato dal supervisore

Controllo con automi

Esempio – controllo di supervisione

- Questa soluzione è molto più efficiente della precedente
 - Gli stati del supervisore passano da 14 a 2!
- Inoltre, c'è una chiara distinzione tra eventi generati dal processo ed eventi necessari alla supervisione
- Gli SFC di controllo per M1 e M2 restano praticamente immutati
 - Nel caso del controllo a forzamento di eventi, devo calcolare un nuovo automa per tutto il sistema di controllo

Automati a stati finiti

Svantaggi

- La modellistica mediante automi a stati finiti può portare a modelli **complessi**, soprattutto se sono presenti **molti stati** possibili
- Non consentono di **separare le diverse entità fisiche** del modello
- Non consentono di descrivere sistemi con un **numero di stati infinito**
 - Nella prossima lezione, vedremo come è possibile superare alcuni di questi problemi utilizzando le **reti di Petri**



Realizzare un sistema di controllo (a forzamento di eventi e di supervisione) per l'esempio delle due macchine con buffer quando il buffer è di capacità 3

Risorse e Riferimenti

- [1] § 8.1-8.3
- [3] § 16.1- 16.3



Fine Lezione #19

Introduzione ai Sistemi a Eventi Discreti

