

**Corso di Laurea in Ingegneria Informatica**



**Corso di Reti di Calcolatori I**

**Antonio Pescapè ([pescapè@unina.it](mailto:pescapè@unina.it))**

**Sicurezza nella comunicazione in rete:  
tecniche crittografiche**

**I lucidi presentati al corso sono uno strumento didattico  
che NON sostituisce i testi indicati nel programma del corso  
I lucidi sono adattati dagli originali di J. Kurose e K. Ross e fanno riferimento al testo  
*Reti di calcolatori e Internet - Un approccio top-down (6a ed.)***

**Nota di copyright per le slide COMICS**



## Nota di Copyright

Questo insieme di trasparenze è stato ideato e realizzato dai ricercatori del Gruppo di Ricerca COMICS del Dipartimento di Informatica e Sistemistica dell'Università di Napoli Federico II. Esse possono essere impiegate liberamente per fini didattici esclusivamente senza fini di lucro, a meno di un esplicito consenso scritto degli Autori. Nell'uso dovranno essere esplicitamente riportati la fonte e gli Autori. Gli Autori non sono responsabili per eventuali imprecisioni contenute in tali trasparenze né per eventuali problemi, danni o malfunzionamenti derivanti dal loro uso o applicazione.

**Autori:**  
Simon Pietro Romano, Antonio Pescapè, Stefano Avallone,  
Marcello Esposito, Roberto Canonico, Giorgio Ventre

## Sicurezza della comunicazione in rete

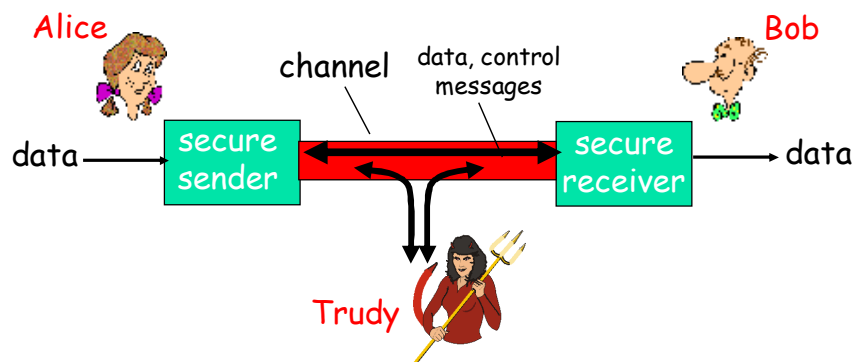


- La sicurezza della comunicazione in rete coinvolge diversi aspetti
- **Riservatezza:** solo il mittente ed il destinatario “legittimo” dovrebbero essere in grado di comprendere il contenuto del messaggio
  - Le tecniche crittografiche servono innanzitutto a proteggere la confidenzialità della comunicazione
  - Il mittente effettua un'operazione di cifratura del messaggio (*encryption*) ed il ricevente un'operazione duale di decifratura (*decryption*)
- **Integrità dei messaggi:** mittente e destinatario di un messaggio desiderano essere certi che i messaggi scambiati non siano alterati da una terza parte senza che se ne possano accorgere
- **Autenticazione:** mittente e destinatario di un messaggio desiderano essere reciprocamente sicuri dell'identità della controparte
- **Accessibilità e disponibilità dei servizi:** i servizi offerti in rete devono essere protetti da eventuali attacchi (es. attacchi *Denial of Service*, DoS)

## Amici e nemici: Alice, Bob, Trudy



- Alice e Bob sono le due parti che intendono comunicare in maniera sicura attraverso la rete
  - Potrebbero essere programmi client e server, o dispositivi (es. router) ...
- Trudy è una terza parte che può ascoltare i messaggi scambiati da Alice e Bob ed eventualmente alterarli, cancellarli o crearne di falsi



## Esempi di comportamenti malevoli



La terza parte Trudy può:

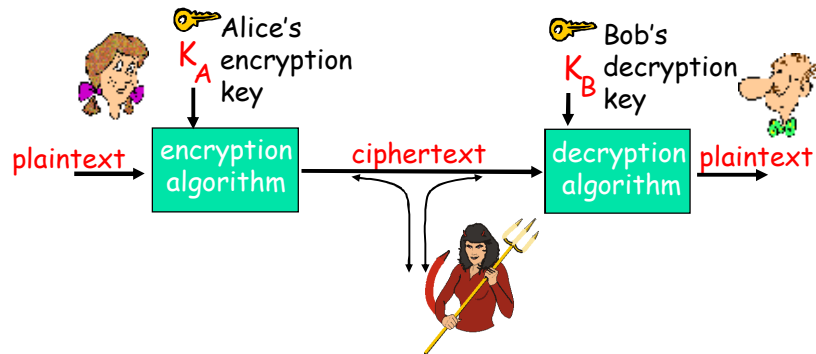
- intercettare i messaggi inviati da Alice a Bob (*eavesdropping*)
- inserire messaggi fasulli nel flusso della comunicazione da Alice a Bob
- inviare pacchetti con il campo source address fasullo (*spoofing*) in modo da fingere di essere Alice
- dirottare la comunicazione tra Alice e Bob, piazzandosi “in mezzo”, ad es. fingendo con Alice di essere Bob e con Bob di essere Alice (*hijacking*)
- impedire al servizio offerto da Bob di essere utilizzabile (es. sovraccaricando le risorse di Bob) (*denial of service*)

## Crittografia: concetti generali



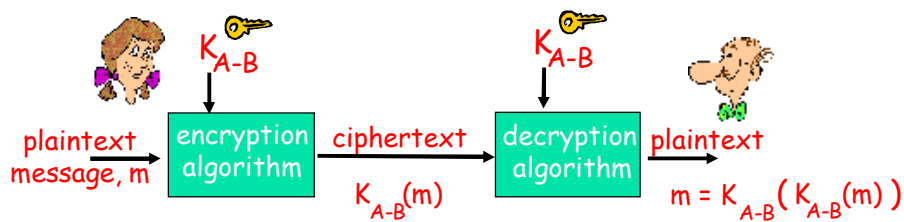
- Un *sistema crittografico* è un sistema in grado di cifrare e decifrare un messaggio attraverso l'uso di un *algoritmo* e di una *chiave* (una stringa alfanumerica)
- Il messaggio da cifrare è detto “testo in chiaro” (*plaintext*) mentre il risultato dell'algoritmo crittografico è detto “testo cifrato” (*ciphertext*)

## Crittografia: terminologia



- Crittografia a **chiave simmetrica**:
  - mittente e destinatario usano la stessa chiave (segreto condiviso) per *encryption* e *decryption* ( $K_A = K_B = K_{A-B}$ )
- Crittografia a **chiave pubblica**:
  - la chiave per la *encryption* è *pubblica* (nota a tutti), la chiave per la *decryption* è *segreta* (privata)

## Crittografia a chiave simmetrica



**Crittografia a chiave simmetrica:** Bob ed Alice entrambi conoscono la chiave crittografica (simmetrica)  $K_{A-B}$

- Come fanno Bob ed Alice a mettersi d'accordo sul valore della chiave? Lo scambio deve avvenire in maniera sicura (es. in un incontro di persona...)

## Crittografia a chiave simmetrica: un esempio

**Cifrario per sostituzione:** unità di testo del plaintext sono sostituite con corrispondenti sequenze di simboli nel testo cifrato secondo uno schema regolare

In particolare, **cifrario monoalfabetico:** una corrispondenza fissa tra ciascuna lettera dell'alfabeto in chiaro ed una lettera dell'alfabeto cifrato

```
plaintext:  abcdefghijklmnopqrstuvwxyz
           ↓                               ↓
ciphertext: mnbvcxzasdfghjklpoiuytrewq
```

**Es.:** plaintext: bob, i love you. alice  
ciphertext: nkn, s gktc wky. mgsbc

**Q:** Quanto è difficile decifrare questo codice ?

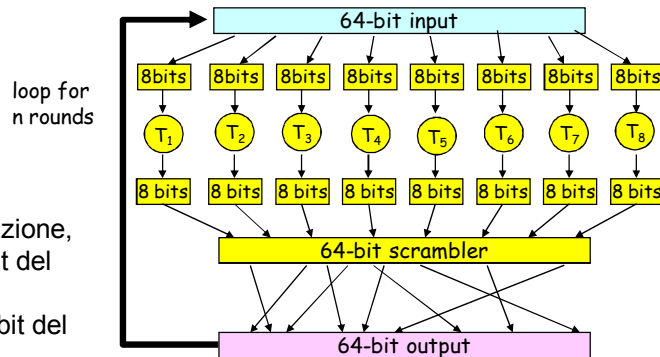
- con attacco a forza bruta:  $26! \approx 2^{88}$  tentativi
- con critto-analisi, abbastanza facile
  - pattern ricorrenti ed analisi statistica delle frequenze di occorrenza

## Cifrari a blocchi

- Un blocco di  $k$  bit del testo in chiaro è codificato con altri  $k$  bit nel testo in codice secondo uno schema fisso
- Es.:  $k=3$ 

|     |   |     |     |   |     |     |   |     |     |   |     |
|-----|---|-----|-----|---|-----|-----|---|-----|-----|---|-----|
| 000 | → | 110 | 001 | → | 111 | 010 | → | 101 | 011 | → | 100 |
| 100 | → | 011 | 101 | → | 010 | 110 | → | 000 | 111 | → | 001 |
- Il messaggio (010)(110)(001)(111) è codificato in (101)(000)(111)(001)
- Quante corrispondenze si possono creare con  $k=3$  bit ?  
N. permutazioni di  $2^k=8$  oggetti (triple di bit) =  $2^k! = 8! = 40320$
- Per una maggiore sicurezza occorre aumentare  $k$  (es.  $k=64$ )
- Per valori di  $k$  grandi, difficoltà di implementazione: cifratura e decifratura richiedono una tabella di  $2^k$  elementi in memoria
- Elevati valori di  $k$  ottenuti per composizione di valori più piccoli

## Cifrari a blocchi



- dopo una iterazione, ogni singolo bit del testo in chiaro influenza otto bit del testo cifrato
- Se la funzione di rimescolamento è fissa, la chiave è costituita dalle 8 tabelle di permutazione
- Esempi di cifrari a blocchi: DES, 3DES, AES

## DES: caratteristiche generali



- DES codifica blocchi di 64 bit e usa una chiave di 56 bit
- Chiave da 56 bit + 8 bit di parità



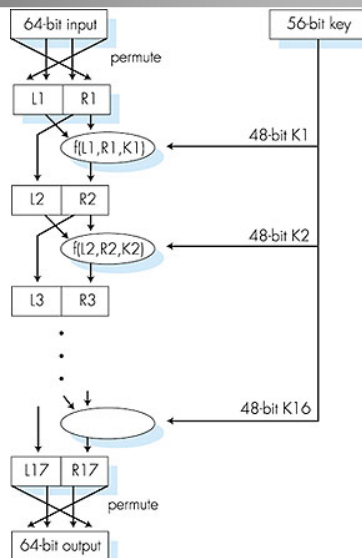
- La chiave è memorizzata su 64 bit, con l'ottavo, il 16-esimo, ... , il 64-esimo bit calcolati come bit di parità per i 7 bit precedenti

## DES: schema di cifratura



### Funzionamento del DES

- Permutazione iniziale
- 16 iterazioni in cui si applica una funzione  $f$ , usando in ciascuna iterazione 48 bit della chiave
- Struttura «Feistel»
- $F$  include elaborazioni **non lineari** (S-boxes)
- permutazione finale



## 56 bit non sono abbastanza: 3DES

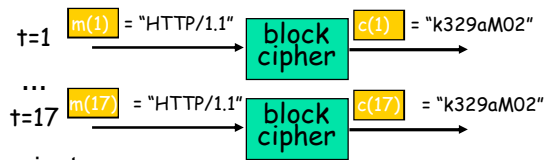


- DES con chiave a 56 bit ha mostrato i suoi limiti
  - 1997 DES Challenge: plaintext decifrato (brute force) in **4 mesi**
  - Nel 1998 Electronic Frontier Foundation con hardware ad hoc “Deep Crack” esplora key space in **56 ore**
  - Servizio online (con 48 FPGA Virtex)
    - a pagamento, brute-force in **~26 ore**
    - gratis su chosen-plaintext 1122334455667788 **25 sec** con 99.5% di successo (rainbow table)
  - nessun attacco “backdoor” noto
- per rendere DES più sicuro:
  - usare **tre chiavi** sequenzialmente (3-DES) su ogni blocco
  - usare cipher-block chaining

## Cipher Block Chaining



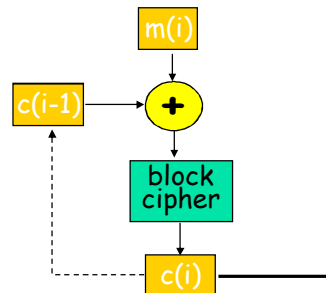
- Debolezza dei cifrari a blocchi: blocchi in input uguali producono lo stesso testo cifrato



- Si prestano a crittoanalisi
- Per ovviare a questo inconveniente si usa la tecnica detta

### cipher block chaining:

$c(i)$  si calcola con l'algoritmo di cifratura applicato al blocco ottenuto tramite XOR del testo in chiaro  $m(i)$  con il blocco di testo cifrato  $c(i-1)$  calcolato sull'input precedente



- $c(0)$  trasmesso in chiaro (vettore di inizializzazione)

## Neanche 3DES è più sicuro



- La dimensione del blocco (64 bit) implica che, cifrati abbastanza dati con la stessa chiave, si verificheranno ripetizioni (**birthday attack**)
- Se il blocco è lungo  $m$ , la probabilità di ripetizioni è significativa dopo  $2^{m/2}$  messaggi
- Ripetizioni in cyphertext -> rivelato XOR di plaintext
  - in caso di know-plaintext or chosen-plaintext viene rivelata parte della chiave

| Cipher   | Key-length   |   | Cryptanalysis |   | Block size |
|----------|--------------|---|---------------|---|------------|
| DES      | 56 bits      | ✗ | $2^{40}$      | ✗ | 64 bits    |
| 3DES     | 168 bits     | ✓ | $2^{112}$     | ✓ | 64 bits    |
| Blowfish | 32–448 bits  | ✓ | None          | ✓ | 64 bits    |
| RC4      | 40–2048 bits | ✓ | $2^8$         | ✗ | stream     |
| AES      | 128–256 bits | ✓ | Related-key   | ✓ | 128 bits   |

[bhargavan2016] K. Bhargavan, G. Leurent, "On the Practical (In-)Security of 64-bit Block Ciphers -- Collision Attacks on HTTP over TLS and OpenVPN", ACM CCS 2016

## AES: Advanced Encryption Standard



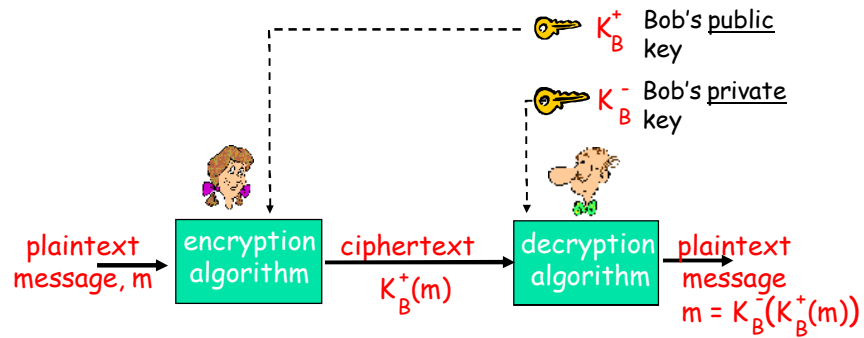
- Standard NIST 2001, ha sostituito DES (1997)
  - Scelto da valutazione di algoritmi proposti in gara pubblica
  - Basato su Rijndael (inventato dai crittografi belgi Joan Daemen e Vincent Rijmen)
- Elabora i dati a blocchi da 128 bit
- Chiavi da 128, 192, o 256 bit
- Algoritmo di decifratura diverso da quello di cifratura (diversamente da DES)
- Un elaboratore in grado di decifrare DES con un attacco a forza bruta in 1 secondo, impiegherebbe 149 trilioni di anni a decifrare AES
- Attacco noto: «Related-key» è attualmente impraticabile <https://eprint.iacr.org/2009/317>

## Crittografia a chiave pubblica



- Approccio radicalmente differente
  - Diffie-Hellman 1976, RSA78
- Mittente e destinatario non condividono una chiave segreta
- *Chiave pubblica* usata per la cifratura, nota a tutti
- *Chiave privata* usata per la decifratura, nota solo al destinatario

## Public key cryptography



## Algoritmi di cifratura a chiave pubblica



Requisiti:

- 1 Occorre trovare una coppia di chiavi  $K_B^+(\cdot)$  and  $K_B^-(\cdot)$  tali che
$$K_B^-(K_B^+(m)) = m$$
- 2 Nota la chiave pubblica  $K_B^+$ , dovrebbe essere impossibile calcolare la chiave privata  $K_B^-$

*Algoritmo RSA: Rivest, Shamir, Adleman*



## RSA: scelta delle chiavi (1/2)

1. Si scelgono due numeri primi grandi  $p$  e  $q$
2. Si calcolano  $n = p \cdot q$ ,  $z = (p-1)(q-1)$
3. Si sceglie un numero  $e$  ( $e < n$ )  
che non abbia fattori comuni con  $z$   
( $e, z$  "co-primi")
4. Si sceglie un numero  $d$   
tale che  $e \cdot d - 1$  sia multiplo di  $z$   
(in altre parole:  $e \cdot d \bmod z = 1$ )
5. La chiave pubblica è  $(n, e)$ , la chiave privata è  $(n, d)$   

$\underbrace{\hspace{2em}}_{K_B^+}$

$\underbrace{\hspace{2em}}_{K_B^-}$



## RSA: scelta delle chiavi (2/2)

1. Si scelgono due numeri primi grandi  $p$  e  $q$  modulo RSA
2. Si calcolano  $n = p \cdot q$ ,  $z = (p-1)(q-1)$  funzione *toziente* di  $n$ ,  
o *ordine* del gruppo  
moltiplicativo  $Z_n^*$
3. Si sceglie un numero  $e$  ( $e < n$ )  
che non abbia fattori comuni con  $z$   
( $e, z$  "co-primi") esponente di  
encryption
4. Si sceglie un numero  $d$  esponente di  
decryption  
tale che  $e \cdot d - 1$  sia multiplo di  $z$   
(in altre parole:  $e \cdot d \bmod z = 1$ )
5. La chiave pubblica è  $(n, e)$ , la chiave privata è  $(n, d)$   

$\underbrace{\hspace{2em}}_{K_B^+}$

$\underbrace{\hspace{2em}}_{K_B^-}$

## RSA: cifratura e decifratura



0. Dati  $(n,e)$  ed  $(n,d)$  come calcolati precedentemente ...

1. La cifratura del testo in chiaro  $m$  (*stringa di bit*) si effettua calcolando

$$c = m^e \bmod n \text{ (resto della divisione di } m^e \text{ per } n)$$

2. La decifratura del testo cifrato  $c$  (*stringa di bit*) si effettua calcolando

$$m = c^d \bmod n \text{ (resto della divisione di } c^d \text{ per } n)$$

$$m = \underbrace{(m^e \bmod n)}_c^d \bmod n$$

## RSA: esempio



Bob sceglie  $p=5, q=7 \rightarrow n=35, z=24$

$e=5$  (in modo che  $e, z$  siano relativamente primi)

$d=29$  (in modo che  $e \cdot d - 1$  sia divisibile per  $z$ )

Bob rende pubblica la coppia  $(n,e)=(35,5)$

e mantiene segreto il valore  $d=29$

|              |                |                                      |                                |                                |
|--------------|----------------|--------------------------------------|--------------------------------|--------------------------------|
|              | <u>lettera</u> | <u>m</u>                             | <u>m<sup>e</sup></u>           | <u>c = m<sup>e</sup> mod n</u> |
| cifratura:   | I              | 12                                   | 248832                         | 17                             |
|              | <u>c</u>       | <u>c<sup>d</sup></u>                 | <u>m = c<sup>d</sup> mod n</u> | <u>lettera</u>                 |
| decifratura: | 17             | 481968572106750915091411825223071697 | 12                             | I                              |

## RSA: perché $m = (m^e \bmod n)^d \bmod n$ ?



Un utile risultato di teoria dei numeri  
Se  $p$  e  $q$  sono primi ed  $n = p \cdot q$ , allora:

$$x^y \bmod n = x^{y \bmod (p-1)(q-1)} \bmod n$$

$$\begin{aligned} (m^e \bmod n)^d \bmod n &= m^{e \cdot d} \bmod n \\ &= m^{e \cdot d \bmod (p-1)(q-1)} \bmod n \\ &\quad \text{(grazie al risultato di sopra)} \\ &= m^1 \bmod n \\ &\quad \text{(dal momento che } e \cdot d \text{ è stato scelto in modo che} \\ &\quad \text{la sua divisione per } (p-1)(q-1) \text{ dia resto 1 )} \\ &= m \end{aligned}$$

## RSA: un'altra proprietà notevole



$$\underbrace{K_B^-(K_B^+(m))}_{\text{Si usa prima la chiave pubblica e poi la privata}} = m = \underbrace{K_B^+(K_B^-(m))}_{\text{Si usa prima la chiave privata e poi la pubblica}}$$

Si usa prima la  
chiave pubblica  
e poi la privata

Si usa prima la  
chiave privata e  
poi la pubblica

*Il risultato è lo stesso →  
le due chiavi possono  
invertirsi i ruoli*

## RSA: discussione



- La robustezza di RSA dipende dal fatto che non sono noti **algoritmi veloci per la fattorizzazione** di numeri interi grandi
- Anche se  $n = p \cdot q$  è noto, i due fattori  $p$  e  $q$  non sono velocemente determinabili, di conseguenza non è velocemente determinabile  $z$ , da cui si potrebbe facilmente risalire alla componente  $d$  della chiave privata, nota la parte  $e$  della chiave pubblica
- L'elevamento a potenza richiesto da RSA è computazionalmente oneroso
  - Algoritmi a chiave simmetrica come DES sono 100-1000 volte più veloci di RSA
  - Nelle comunicazioni su rete, RSA è spesso usato in combinazione con DES o 3DES

## RSA: sicurezza (1/2)



- In [boneh1999] sono considerati attacchi derivanti da scelte improprie dei parametri o uso improprio dell'algoritmo
  - $p-1$  è prodotto di primi piccoli -> tempo di fattorizzazione basso
  - **modulo comune** ( $n$  condiviso da più utenti)
  - **blinding**: firma di messaggio contraffatto (eliminato da hash pre-firma)
  - **esponente privato  $d$  piccolo** -> consigliato  $n > 1024$  bit ( $d \sim 512$  bit)
  - **esponente pubblico  $e$  piccolo** (teorema di Coppersmith) -> consigliato  $e=65537$
  - Attacchi sull'implementazione
    - **side-channel in tempo o potenza**: misura precisa -> ricava  $d$
    - **Guasti transitori** "random faults" (e.g. sbalzi di tensione) -> fattore di  $n$
    - **Bleichenbacher**: con random padding, errore di formato fa da oracolo per attacco chosen-ciphertext

[boneh1999] Boneh, Dan. "Twenty years of attacks on the RSA cryptosystem." Notices of the AMS 46.2 (1999): 203-213.

## RSA: sicurezza (2/2)



- In [lenstra2012] analisi delle chiavi pubbliche RSA
  - Frequenti casi problematici nella scelta di  $n$
  - Casi di scelte problematiche di  $e$  (probabile  $d$  piccolo)
- Raccomandazione European Union Agency for Network and Information Security [enisa]: lunghezza( $n$ ) > 15'360 bit
- Elliptic Curve Cryptography (ECC)
  - considerato più robusto di RSA (a parità di lunghezza delle chiavi)
  - Si basa su onerosità di calcolo del logaritmo intero
- **Entrambi soccombono al Quantum Computing**
  - oggetto di ricerca

[lenstrsa2012] Lenstra, Arjen, et al. "Ron was wrong, Whit is right". No. EPFL-REPORT-174943. IACR, 2012.

[enisa] Algorithms, key size and parameters report 2014, [https://www.enisa.europa.eu/publications/algorithms-key-size-and-parameters-report-2014/at\\_download/fullReport](https://www.enisa.europa.eu/publications/algorithms-key-size-and-parameters-report-2014/at_download/fullReport)